## ZESZYTY NAUKOWE POLITECHNIKI ŚLĄSKIEJ

Seria: ELEKTRYKA z. 19

Nr kol. 120

ANTONI NIEDERLIŃSKI Katedra Napędu Elektrycznego

NIELINIOWE OSCYLACJE SILNIKA ASYNCHRONICZNEGO REGULOWANEGO ZA POMOCĄ WZMACNIACZY MAGNETYCZNYCH ZE SAMOWZBUDZENIEM BEZPOŚREDNIM

> <u>Streszczenie:</u> Omówiono dane doświadczal ne otrzymane w wyniku badań dynamiki pewnego układu regulacji silnika asynchronicznego za pomocą wzmacniaczy magnetycznych ze samowzbudzeniem bezpośrednim. Zaproponowano uproszczony model matematyczny umożliwiający analizę dynamiki układu metodą płaszczyzny fazowej. Przeprowadzono metodą płasz czyzny fazowej analizę procesu przejściowego wywołanego zrzutem momentu obciażenia.

Przedmiotem rozważań jest układ regulacji prędkości obrotowej silnika asynchronicznego za pomocą wzmacniaczy magnetycznych ze samowzbudzeniem bezpośrednim. Schemat modelu laboratoryjnego omawianego układu przedstawiono na rys. 1. Rys. 2 i rys. 3 przedstawiają oscylogramy przebiegów nieustalonych prądu silnika i prędkości obrotowej przy skokowej zmianie momentu obciążenia ( $\Delta M_{obc} = 0.85$ ) i napięcia zadającego ( $\Delta U_z = 0.2$ ). Charakterystyczną cechą tych przebiegów jest nieliniowość występujących w stanie nieustalonym drgań. Jak wynika z przebie-

1964

gu prądu stojana, w stanie nieustalonym układu można wyraźnie wyróżnić trzy okresy:

- a) okres początkowy obejmujący przedział od momentu skokowej zmiany wielkości wymuszającej do momentu zaniku prądu stojana,
- b) okres "bezprądowej" pracy układu,
- c) okres końcowy obejmujący przedział od momentu pojawienia się prądu stojana do momentu zakończenia się stanu nieustalonego.



Rys. 1. Schemat modelu laboratoryjnego układu regulacji silnika asynchronicznego za pomocą wzmacniaczy magnetycz nych: 1. Silnik asynchronicz ny regulawany; 2. Dwustopniowy regulator magnetyczny; 3. Tachogenerator regulacyjny; 4. Tachogenerator pomiarowy; 5. Dynamometr elektromaszynowy; 6. Transformator trójfazowy regulowany.

Przyczyna nieliniowego charakteru drgań układu jest nieciągły przepływ prądu stojana. w wyniku którego w "bezprado wym" okresie stanu nieustalonego silnik jest hamowany tylko mechanicznie. Zjawisko nieciagłego przepływu pradu stojana można wyjaśnić nastepujaco: rozpatrzmy zrzut momentu obciążenia (por. oscylogram z rys. 2). Zrzut momentu obciążenia prowadzi do gwaltownego wzrostu predkości obrotowej. w wyniku którego -silnie maleje wypadkowy sygnał sterujący wzmacniaczy magnetycznych 1 punkt pracy układu na charakterystyce statycznej wzmacniaczy magnetycznych (por. rys.4) przesunięty zostaje głęboko w odcinek "dolnego nasycenia"tej charakterystyki, co prowadzi praktycznie do odłączenia sil-

nika od sieci i zaniku prądu stojana. Od tego momentu począwszy silnik jest hamowany momentem tarcia, prędkość obrotowa silnika maleje powoli i przy pewnej jej wartości punkt pracy

10346 Make 25 20 a) Made t= 314 Is 20 b

Rys. 2. Osoylogram prądu stojana i prędkości obrotowej silnika przy zrzucie momentu obciążenia dla a) silnika regulowanego, b) silnika nieregulowanego



Rys. 3. Oscylogramy prądu stojana i prędkości obrotowej silnika przy skokowej zmianie napięcia zadającego 110

układu wychodzi z odcinka "dolnego nasycenia" w obszar dużych wartości napięcia stojana, co prowadzi do ponownego "przyłączenia" silnika do sieci i pojawienia się prądu stojana. Jak





wykazały przeprowadzone doświadczenia przy bardzo małych zmianach wielkości zaburzających proces przejściowy odbywa się przy ciągłym przepływie prądu stojana, jednak występujące wówczas zmiany prędkości obrotowej są tak niewielkie, że giną w szumie generowanym na komutatorze tachogeneratora pomiarowego.

Analiza metodą płaszczyzny fazowej nieliniowego procesu przejściowego wywołanego zrzutem momentu obciążenia przeprowadzona zostanie przy nastęrujących założeniach upraszczających:

- a) pomija się elektromagnetyczne procesy przejściowe w silniku asynchronicznym,
- b) zakłada się, że regulator magnetyczny jest elementem inercyjnym pierwszego rzędu o działaniu ciągłym.

Przy powyższych założeniach dla pierwszego okresu stamu nieustalonego można posłużyć się wykresem przepływu sygnałów z rys. 5.



Rys.5. Wykres przepływu sygnałów dla I i III okresu stanu nieustalonego

gdzie:

T - stała czasowa regulatora megnetycznego,

J - moment bezwładności zespołu wirującego, '

k<sub>1</sub> - współczynnik wzmocnienia regulatora,

k<sub>o</sub> - współczynnik wzmocnienia silnika,

k<sub>3</sub> - współczynnik wzmocnienia techogeneratora regulacyjnego.

△M\_ - zmiana momentu elektrycznego silnika,

AMa - zmiana momentu dynamicznego,

ΔM<sub>obe</sub>-zmiana momentu obciążenia,

Δω - zmiana prędkości obrotowej,

Δε - zmiana błędu regulacji,

ΔU<sub>z</sub> - zmiana napięcia zadającego.

Wykres 5 opisuje stan nieustalony układu do momentu zaniku prądu stojana silnika, a więc dla momentów dynamicznych  $4M_d \ge \Delta M_{d,min}$ , gdzie wielkość  $4M_{d,min}$  zależy od punktu pracy regulatora w stanie ustalonym przed zrzutem momentu obciążenia . Znając ten punkt można określić zmianę momentu elektrycznego – -  $4M_e$ , dla której można uważać silnik asynchroniczny za praktycznie odłączony od sieci,

 $-\Delta M_e = M_{e.ust.}$ 

Nieliniowe oscylacje silnika asynchronicznego ...

gdzie Me.ust. jest momentem obciążenia silnika przed zrzutem momentu. Stąd można określić (por. rys.6):



Rys. 6. Przebiegi czasowe momentów i zmian momentów w I i II okresie stanu nieustalonego wywołanego zrzutem momentu obciążenia

 $\Delta M_{d,min} = \Delta M_{e} - \Delta M_{obc} = -M_{e,ust} - \Delta M_{obc}$ 

gdzie  $\Delta M_{obc}$  < 0 jest wielkością zrzuconego momentu obciążenia.

W drugim okresie stanu nieustalonego moment elektryczny jest równy zeru i silnik jest hamowany momentem biegu jałowego M układu. Stąd wykres przepływu sygnałów przedstawiony na rys.7.

Drugi okres stanu nieustalonego kończy się z chwilą, gdy prędkość silnika zmaleje tak że nastąpi wysterowanie regulatora magnetycznego i pojawi się prąd stojana. Zakłada się że nastąpi to wówczas gdy po pierwszym przeregulowaniu wartość błędu regulacji  $\Delta \epsilon$  będzie po raz pierwszy równa wartości odpowia dającej nowemu stanowi ustalonemu układu. Od tego momentu począwszy proces przejściowy będzie opisywany wykresem przepływu sygnałów odpowiadającemu pierwszemu okresowi stanu nieustalonego. Na podstawie wykresu przepływu sygnałów dla pierwszego okre su stanu nieustalonego można napisać:



Rys. 7. Wykres przepływu sygnałów dla II okresu stanu nieustalonego

$$\frac{d\Delta\omega}{dt} = \frac{1}{J} \Delta M_{d} \tag{1}$$

$$\frac{d\Delta M_{d}}{dt} = -\frac{1}{T} \left( K \cdot \Delta \omega + \Delta M_{d} + \Delta M_{obc} \right)$$
(2)

gdzie K = k<sub>1</sub>k<sub>2</sub>k<sub>3</sub> Stąd równanie izoklin płaszczyzny fazowej

$$\mathbf{m} = \frac{d \Delta \mathbf{M}_{d}}{d \Delta \omega} = -\frac{J}{T} \frac{\mathbf{K}_{\bullet} \Delta \omega + \Delta \mathbf{M}_{d} + \Delta \mathbf{M}_{obc}}{\Delta \mathbf{M}_{d}}$$
(3)

Dla drugiego okresu stanu nieustalonego

$$\frac{d\Delta\omega}{dt} = -\frac{M_{b_{\bullet},j_{\bullet}}}{J} = const$$

Błąd regulacji zmienia się więc zgodnie z funkcją

$$\Delta \mathcal{E} = -\mathbf{k}_{1}\mathbf{k}_{3} \frac{\mathbf{M}_{\mathbf{b}_{0},\mathbf{i}_{0}}}{J} \int_{\mathbf{C}}^{\mathbf{t}} (1 - e^{-\frac{\mathbf{t}}{T}}) d\mathbf{t} + \Delta \mathcal{E}_{0} =$$
$$= -\mathbf{k}_{1}\mathbf{k}_{3} \frac{\mathbf{M}_{\mathbf{b}_{0},\mathbf{j}_{0}}}{J} (\mathbf{t} + \mathbf{T}e^{-\frac{\mathbf{t}}{T}}) + \Delta \mathcal{E}_{0} \qquad (5)$$

Dia t = 0 (początek hamowania mechanicznego)  $\Delta \varepsilon = \Delta \varepsilon_1$ a stąd

$$\Delta c = -k_1 k_3 \frac{M_{b_0 j_0}}{J} \left[ t - T(1 - e^{-\frac{T}{T}}) \right] + \Delta c_1$$
 (6)

Dla dużych wartości t można przyjąć, że

$$\Delta \varepsilon \approx -k_1 k_3 \frac{M_{b.d.}}{J} (t - T) + \Delta \varepsilon_1$$
 (7)

czyli wartość  $\Delta \mathcal{E}$  odpowiadająca statycznie danej wartości  $\Delta \omega$ wystąpi z powodu inercji regulatora dopiero wtedy gdy wartość  $\Delta \omega$  zmaleje dodatkowo o <u>Mb.i.</u> T. Stąd w chwili gdy  $\Delta \mathcal{E} = 0$  war tość  $\Delta \omega$  będzie o <u>Mb.j.</u> T mniejsza od wartości  $\Delta \omega$  odpowiadają cej statycznie wartości  $\Delta \mathcal{E} = 0$ .

Na wykresach z rys. 8 i rys. 9 przedstawiono portrety fazowe w jednostkach względnych zrzutu momentu obciążenia dla przy padku

J = 568

$$K = k_1 k_2 k_3 = \frac{\Delta M_e}{\Delta \omega} = 3.4$$

Portret fazowy z rys. 8 odpowiada przypadkowi T = 314, portret fazowy z rys. 9 przypadkowi T = 628. Na rys. 8 przedsta-

115

wiono dodatkowo linią przerywaną portret fazowy zrzutu momentu obciążenia w układzie liniowym.



Rys. 8. Portret fazowy zrzutu momentu obejążenia dla T = 314 ------ układ liniowy ------- układ nieliniowy



Rys. 9. Portret fazowy zrzutu momentu obciążenia dla T = 628

Rys. 10 przedstawia przebiegi czasowe prędkości obrotowej obliczone na podstawie portretów fazowych układu nieliniowego z rys. 8 i 9. Z przebiegów tych widać że stała czasowa regula-



Rys. 10. Przebiegi czasowe prędkości obrotowej przy zrzucie mo mentu obciążenia: a) obliczcny na podstawie portretu fazowego z rysunku 8; b) obliczony na podstawie portretu fazowego z rysunku 9

tora posiada decydujący wpływ na czas trwania czysto mechanicz nego hamowania. Ponieważ w drugim okresie stanu nieustalonego następuje przesterowanie wzmacniacza magnetycznego z obszaru ujemnych wewnętrznych sprzężeń zwrotnych w obszar dodatnich we wnętrznych sprzężeń zwrotnych, a więc wzmacniacz zachowuje się w tym okresie jak element inercyjny wysokiego rzędu, stąd w rzeczywistości stosunek czasu narastania prędkości obrotowej w pierwszym okresie stanu nieustalonego do czasu opadania prędkości w drugim okresie stanu nieustalonego (por. oscylogramy) jest mniejszy niż to wynikało z przybliżonej analizy metodą płaszczyzny fazowej.

Porównanie przebiegu nieustalonego wywołanego zrzutem momen tu obciążenia w układzie regulacji silnika asynchronicznego za pomocą wzmacniaczy magnetycznych ze samowzbudzeniem bezpośrednim z odpowiednim przebiegiem otrzymanym dla silnika nieregulowanego (por. oscylogram z rys. 2)prowadzi do wniosku,że dynamika silnika regulowanego jest znacznie gorsza od dynamiki silnika nieregulowanego. Pogorszenie właściwości dynamicznych jest spowodowane m.in. istnieniem "bezprądowego" okresu pracy układu. Możliwość wyeliminowania tego okresu istnieje w nawrot nym układzie regulacji silnika asynchronicznego za pomocą wzmacniaczy magnetycznych, w którym w miejscu "bezprądowego" okresu stanu nieustalonego występuje okres intensywnego hamowa nia silnika przeciwłączeniem.

Rękopis złożono w redakcji w styczniu 1964 r.

## LTTERATURA

- [1] Cosgriff R.L.: "Nonlinear Control Systems" McGraw-Hill Book Co, N. York 1958.
- [2] Cunningham W.J.: "Analiza układów nieliniowych" WNT Warszawa 1962.
- [3] Paszek Wł.: "Wzmacniacze elektromaszynowe i transduktorowe" Gliwice, 1963.
- [4] Rozenblat M.A.: "Magnitnye usiliteli" Sovetskoe Radio, Mos kva 1961.

НЕЛИНЕЙНЫЕ ОСЦИЛЛЯЦИИ АСИНХРОННОГО ЭЛЕКТРОДВИГАТЕЛЯ, РЕГУЛИРУЕМОГО ПРИ КОМОЩИ МАГНИТНЫХ УСИЛИТЕЛЕЙ С ПРЯМЫМ САМОВОЗБУЖДЕНИЕМ

## Резюме

В статье рассмотрены опытные данные, полученные в результате исследования динамики некоторой системы регулировки асинхронного двитателя при помони магнит них усилителей с прямым самовозбуждением. Предложена упроценная алгебраическая модель, дающая возможность произвести анализ пинамики системы при помощи метода фазовой плоскости. Произведено при помощи метода фазной плоскости амализ переходного процесса, вызванного сбросом момента нагрузки.

NONLINEAR TRANSIENTS OF THE ASYNCHRONOUS MOTOR CONTROLLED BY MAGNETIC AMPLIFIERS WITH SELF-SATURATION

## Summary

Some experimental data obtained by testing a magnetic amplifier controlled induction motor have been discussed. A simplified mathematical model which makes possible a phase-plane solution of the speed transients has been proposed. The phase--plane solutions of speed transients obtained by a step change of the motor load have been calculated.