ZESZYTY HAUKOWE POLITECHNIKI ŚLĄSKIEJ

Seria: AUTOMATYKA 2. 40

Nr kol. 527

Pictr HORBACH, Andrzej CZECHOWSKI

PROGRAM ANALIZY WRAŻLIWOŚCI I OKREŚLENIE NAJNIEKORZYSTNIEJSZYCH WARUNKÓW PRACY W LINIOWYCH OBWODACH ELEKTRONICZNYCH PRĄDU STAŁEGO

<u>Streszczenie</u>: W pracy przedstawiono program obliczania czułościi wyznaczania najgorszych warunków pracy układów elektronicznych z tranzystorami. Fodano przykład analizy wzmacniacza w układzie WE ilustrujący metodę postępowania.

1. Water

Rozrzut wartości niektórych parametrów charakteryzujących elementy półprzewodnikowe tego samego typu jest duży, niekiedy nawet kilkusetprocentowy. Dlatego, aby zaprojektować obwód elektroniczny z elementami półprzewodnikowymi tak, by możliwa była pełna wymienialność elementów przy jednoczesnej małej zmienności punktu pracy układu, należy przeanalizować wrażliwość obwodu na zmianę parametrów i określić najbardziej niekorzystne warunki pracy przy danym rozrzucie wartości elementów obwodu.

Metody analizy wrażliwości omówione zostały w pracy [2], której kontynuację stanowi niniejszy artykuł. Przedstawiony tutaj program analizy wrażliwości i wyznaczania najgorszych warunków pracy nawiązuje do metody stosowanej w systemie ECAP [1]. Metoda ta została zmodyfikowana dla lepszego wykorzystania właściwości języka ALGOL 1204.

2. Zlinearyzowany model tranzystora

Znany powszechnie i zapewniający dużą dokładność model Ebersa-Molla ma kilka poważnych wad. Równania opisujące model tranzystora są silnie nieliniowe, co komplikuje obliczenia, prowadząc do metod iteracyjnych.

Dla uzyskania pełnej odpowiedniości między modelem a urządzeniem półprzewodnikowym konieczny jest pomiar wielu parametrów tranzystora. Ponieważ parametry te są różne dla różnych egzemplarzy z tej samej serii, więc uzyskany model Ebersa-Molla będzie słuszny tylko dla konkretnego egzemplarza, a nie dla całej serii czy typu tranzystorów. Dlatego w tej pracy zestosowano uproszczony, zlinearyzowany model tranzystora. Nodel został tak dobrany, aby można było wyznaczyć wartości jego parametrów wyłącznie w oparciu o dane katalogowe, co eliminuje konieczność wykonywania pomiarów. Model tranzystora uwzględnia 3 stany pracy:

- w obszarze aktywnym,
- w obszarze odcięcia,
- w obszarze nasycenia.

Obszar pracy aktywnej ograniczony jest następująco (rys. 1):



Rys. 1. Symbol tranzystora i charakterystyka wejściowa $I_{h}=f(U_{he})$

$$U_{\rm he} - U_{\rm he0} > 0 \tag{1}$$

$$U_{ke} > \beta \cdot I_b \cdot r_{sat}$$
 (2)

gdzie:

wzmocnienie prądowe w układzie OE,

r_{sat} - opór zástępczy obszaru kolektor-emiter dla stanu nasycenia, różny dla różnych typów tranzystorów.

Modele tranzystora dla poszczególnych stanów pracy przedstawione są na rysunkach 2, 3 i 4.



Rys. 2. Model tranzystora dla obszaru aktywnego

Program analizy wrażliwości i określenie ...



Rys. 3. Model tranzystora dla stanu odciecia



Rys. 4. Model tranzystora dla nasycenia

Gałąź z niezależną SPM o wartości prądu I_{kO} należy włączyć między zaciski K i E wtedy, gdy prąd I_{kO} jest na tyle duży, iż konieczne jest jego uwzględnienie.

3. Równania potencjałów węzłowych i ich rozwiązanie

Sposoby opisu obwodu pasywnego w pamięci maszyny cyfrowej są ogólnie znane [1, 2]. Należy natomiast rozpatrzyć konsekwencje włączenia do obwodu zlinearyzowanych tranzystorów, a więc szozególnego rodzaju źródeł prądowych sterowanych prądowo. Niech będzie dany obwód liniowy prądu stałego o w węzłach i g gałęziach, z tego w g2 gałęziach są niesterowane siły prądomotoryczne. Gałęzi bez sił prądomotorycznych jest więc g1 = g-g2. Liczba tranzystorów w obwodzie wynosi ltr.

Macierz incydencji <u>A</u> składa się z dwóch części: pierwsza, o wymiarach _x(w-1), opisuje układ pasywny, a druga, o wymiarach 31trx(w-1), opisuje tranzystory i sposób włączenia ich do obwodu. Macierz "przewodności gałęziowych" <u>Y</u>, diagonalną dla części pasywnej obwodu ([2]), należy rozszerzyć o podmacierz opisującą tranzystory do łącznych wymiarów (g1 + 31tr) × (g1 + 31tr): Š.

(3)



gdzie:

$$D_{i} = \begin{bmatrix} \frac{1}{h_{11_{i}}} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ \frac{1}{h_{11_{i}}} & 0 & h_{22_{i}} \end{bmatrix} i = 1, 2, \dots, 1 t x$$

Fragment macierzy incydencji <u>A</u> dla k-tego tranzystora wygląda następująco:

| 60 | | 33707137 |
|--------|---|----------|
| - A- U | - | LILLIN |

| wiersze g1+3k-2 | w _{Bk} | WKk O | ^w Ek -1 | | and a start |
|--------------------|-----------------|----------|-----------------------|--|-------------|
| g1+3k-1 | 0 | 1 | -1 | | (4 |
| g1+3k | 0 | 1 | -1 | | |

gdzie: w_{Bk}, w_{Kk}, w_{Ek} oznaczają odpowiednio numery węzłów, do których dołączone są: baza, kolektor i emiter k-tego tranzystora.

Układ równań potencjałów węzłowych w postaci macierzowej wygląda następująco:

 $(\underline{A}^{t} \underline{Y} \underline{A}) \underline{V} = \underline{A}^{t} (\underline{Y} \underline{E} + \underline{J})$ (5)

gdzie: V. E. J są odpowiednio wektorami: potencjałów węzłowych, niezależnych sił elektromotorycznych gałęziowych oraz niezależnych sił prądomotorycznych gałęziowych. Wektor kolumnowy E ma g1+31tr składowych.Pierwszych g1 składowych to siły elektromotoryczne, a k-temu tranzystorowi (k=1,2, ..., ltr) w obwodzie odpowiadają 3 składowe wektora E: skła

| dowa numer: | 1 | - | |
|-------------|-------------|--------|--|
| g1+3k-2 | U lc beo | | |
| g1+3k-1 | U k beo | Sec. 1 | |
| g1+3k | 0 | | |

gdzie: Uheo jest napięciem Uheo dla k-tego tranzystora.

Gałęzie bezoporowe, wprowadzane niekiedy do schematów zastępczych, uniemożliwiają utworzenie układu równań (5). W omawianym programie wstawia się w ich miejsce rezystancje o wartościach od 0.001 do 0.01 wartości najmniejszej niezerowej rezystancji obwodu, w zależności od stopnia uwarunkowania macierzy współczynników $\underline{A}^{t}\underline{Y}\underline{A}$ ([1, 2]).

Macierze Y i A stanowią przykład macierzy rozproszonych: w każdym ich wierszu występuje tylko jeden lub dwa elementy niezerowe. W celu zaoszczędzenia miejsca w pamięci operacyjnej m.c. oraz czasu maszynowego zastosowano w programie postać "upakowaną" macierzy A i Y. Każda z tych macierzy opisana jest przez dwa wektory: pierwszy określa położenie elementu niezerowego, a drugi jego wartość [3]. Uzyskano dzięki temu prawie dziesięciokrotne skrócenie czasu rozwiązywania układu równań (5). Okupione to zostało pewnymi komplikacjami programu. I tak na przykład, aby rzeczywiście wykorzystać oszczędność miejsca w pamięci m.c., również macierz A[†] musi być zapamiętana w postaci upakowanej.

Układ równań potencjałów węzłowych rozwiązano metodą eliminacji Gaussa z częściowym wyborem elementów podstawowych [4]. Dla polepszenia dokładności zastosowano skalowanie wierszy. Zastosowano algorytm jak w [4], ale bez iteracyjnego poprawiania dokładności obliczeń.

Operacje ułożenia i rozwiązania układu równań (5) oraz wyznaczenia macierzy odwrotnej do A^tYA, koniecznej do określenia współczynników wrażliwości, wykonywane są w omawianym programie przez procedurę "analiza", napisaną jako segment bębnowy.

4. Określenie punktów pracy tranzystorów

Wyznaczenie punktów pracy poszczególnych tranzystorów odbywa się w sposób w pewnym sensie iteracyjny. Analiza obwodu rozpoczyna się przy założeniu wszystkich tranzystorów w stanie aktywnym. Następnie obliczane są wartości potencjałów węzłowych. W oparciu o wartości potencjałów węzłów, do których dołączone są tranzystory, procedura "check" wyznacza aktualne stany pracy tranzystorów. Stany te zapamiętywane są w dwukolumnowej macierzy boolowskiej. W przypadku, gdy tak wyznaczone stany są różne od przyjętych poprzednic, należy ponownie obliczyć wartości potencjałów węzłowych, zastosować procedurę "check" i porównań nowo wyznaczone stany pracy tranzystorów poprzednimi.

(6)



Rys. 5. Schemat blokowy procedury "check"







Rys. 6. Schemat blokowy organizacji fragmentu programu dokonującego analizy obwodu i wyznaczającego punkty pracy tranzystorów

Program analizy wrażliwości i określenie ...

Schematy blokowe procedury "check" i fragmentu programu wyznaczającego punkty pracy tranzystorów podane są na rysunkach 5 i 6. Macierz, w której zawarte są informacje o stanach pracy tranzystorów oznaczono na schematach przez "state --- " (St1, St2 - wektory pomocnicze typu Boolean).

5. Obliczenie pochodnych cząstkowych potencjałów węzłowych

Zróżniczkowanie (5) względem β_j - wartości współczynnika pradowego j-tego tranzystora prowadzi do następującej zależności ([1]):

$$\frac{\partial \underline{Y}}{\partial [b_{j}]} = -(\underline{A}^{\dagger}\underline{Y} \underline{A})^{-1}\underline{A}^{\dagger} \frac{\partial \underline{Y}}{\partial \rho_{j}} (\underline{A} \underline{Y} - \underline{E})$$
(7)

gdzie: $\frac{\partial \underline{v}}{\partial \beta_1}$ - wektor pochodnych cząstkowych potencjałów węzłowych względem β_1 ,

 $\frac{\partial \underline{Y}}{\partial p_1} - \operatorname{pochodna\ macierzy\ \underline{Y}\ względem\ p_i jest macierzą o jednym ele-$ mencie różnym od zera. $Jeśli w miejsce macierzy <math>\frac{\partial \underline{Y}}{\partial p_1}$ w (7) podstawić macierz $\frac{\partial \underline{Y}}{\partial p}$ zdefiniowaną następująco:

$$\frac{\partial \underline{X}}{\partial \beta} = \begin{bmatrix} g_1 & 0 & 0 \\ & \underline{B}_1 & 0 \\ & 3ltr & 0 & 0 \\ & g_1 & 3 ltr \end{bmatrix}$$
(8)

gdzie:

$$\underline{B}_{i} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ \frac{1}{h_{11i}} & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

a następnie pomnożyć (7) prawostronnie przez macierz jednostkową i odpowiednio pogrupować wyrazy, to otrzymuje się wyrażenie szczególnie przydatne do obliczeń maszynowych:

$$\frac{\partial \underline{Y}}{\partial \beta} = - \left(\underline{A}^{\dagger} \underline{Y} \underline{A}\right)^{-1} \underline{A}^{\dagger} \frac{\partial \underline{Y}}{\partial \beta} \left[\left(\underline{A} \underline{Y} - \underline{E}\right) \underline{1} \right]$$
(9)

gdzie:

 oznacza symbolicznie macierz o wymiarach (w - 1)×ltr, której wierszami są pochodne oząstkowe kolejnych potencjałów węzłowych względem współczynników wzmocnienia prądowego tranzystorów od 1 do ltr.
 macierz jednostkowa o wymiarach (g1+3 ltr)×(g1+3 ltr).

Macierze współczynników wrażliwości potencjałów węzłowych na zmiany wartości rezystancji, SEM i SPM niezależnych otrzymuje się podobnie ([2]):

$$\frac{\partial \underline{\mathbf{v}}}{\partial \overline{\mathbf{R}}} = -\left(\underline{\mathbf{A}}^{\dagger}\underline{\mathbf{v}} \underline{\mathbf{A}}\right)^{-1}\underline{\mathbf{A}}^{\dagger} \frac{\partial \underline{\mathbf{v}}}{\partial \overline{\mathbf{R}}} \left[\left(\underline{\mathbf{A}} \ \underline{\mathbf{v}} - \underline{\mathbf{E}}\right) \mathbf{1}\right]$$
(10)

$$\frac{\partial \underline{\mathbf{v}}}{\partial \underline{\mathbf{E}}} = \left[(\underline{\mathbf{A}}^{t} \underline{\mathbf{Y}} \underline{\mathbf{A}})^{-1} \underline{\mathbf{A}}^{t} \right] \underline{\mathbf{Y}} \underline{\mathbf{J}}_{1}$$
(11)

gdzie:

J₁ jest macierzą diagonalną o elementach równych: 1, gdy w i-tej gałęzi jest SEM, lub O, gdy jej nie ma.

$$\frac{\partial \underline{\mathbf{v}}}{\partial \mathbf{I}} = \left[\left(\underline{\mathbf{A}}^{\mathrm{t}} \underline{\mathbf{x}} \ \underline{\mathbf{A}} \right)^{-1} \ \underline{\mathbf{A}}^{\mathrm{t}} \right] \underline{\mathbf{J}}_{2} \tag{12}$$

gdzie:

<u>J</u>₂ - macierz diagonalna o elementach równych: 1, gdy w i-tej gałęzi jest SPN, lub O, gdy jej nie ma.

6. Wyznaczenie najbardziej niekorzystnych warunków pracy

Sposób postępowania przy określaniu najbardziej niekorzystnych warunków pracy ("worst case") omówiony został w [2].

Włączenie do obwodu źródeł sterowanych powoduje, że należy porównywać znaki współczynników wrażliwości nie tylko względem wartości rezystancji jak w [2], ale także względem wartości współczynników wzmocnienia tranzystorów i względem niezależnych SEM. Znaki porównywane są w nominalnym punkcie pracy oraz w punktach skrajnych. W przypadku zmiany znaku którejś z pochodnych cząstkowych, konieczna jest ponowna analiza obwodu przy odpowiednio zmienionej wartości parametru, względem którego współczynnik wrażliwości zmienił znak.

Aby uniknąć komplikującego znacznie algorytm obliczania współczynników wrażliwości względem pozostałych parametrów tranzystorów (tj. h₁₁, h₁₂ i h₂₂) zastosowano uproszczenie, które nie ma praktycznie wpływu na wyniki obliczeń a znacznie ułatwia te obliczenia. Wpływ parametrów h₁₂ i h₂₂ na rozkład napięć w obwodzie jest znacznie mniejszy, niż wpływ rezystancji

Program analizy wrażliwości i ckreślenie

wejściowej h₁₁ i wzmocnienia prądcwego h₂₁= β . Przeprowadzone dokładne badania polegające na wielokrotnej analizie obwodu, przy wprowadzanej za każdym razem zmianie jednego z parametrów o 1% potwierdzają iż wpływ parametru h12 jest w ogóle do pominiệcia, natomiast zmiany potencjałów węzłowych spowodowane przyrostem h22 są co najmniej kilkakrotnie mniejsze cd zmian wywołanych przyrostem h11 lub h21, przy czym są tym mniejsze im większe są wzmocnienie i rezystancja wejściowa tranzystora. Ponadto parametry tranzystora są ze sobą ściśle powiązane, nie można zatem rczpatrywać wpływu niezależnych ich zmian na obwód. Dla tranzystorów tego sanego typu stwierdzono następującą prawidżowość: większej wartości 🚯 odrewia 🐜 większa wartość rezystancji wejściowej h11. Powyższe fakty uzasażniają przyjęty w programie sposób postępowania. Wystarczy mianowicie wyznaczyć współczynniki wrażliwości na zmiany 🖗 poszczególnych tranzystorów, a przy określaniu najgorszych warunków pracy obwodu wartościom rezystancji wejściowych h11 nadawać przyrosty tego samego znaku, co wartościom współczynników wzmocnienia prądowego. Oczywiście, niezależnie od powyższego, konieczne jest obliczanie pochodnych cząstkowych względem napięć U_{bec} i uwzględnienie ich ewentualnych rozrzutów przy analizie "worst case".

7. Przykład

Jako przykład może służyć analiza prostego obwodu wzmacniacza w ukradzie WE (rys. 7).



Rys. 7. Wzmacniacz w układzie WE

Wielkości charakteryzujące:

g = 4, g1 = 4, g2 = 0, w = 5, ltr=1

Jako węzeł odniesienia przyjęto węzeł nr 5.

Parametry tranzystora:

$$h_{11} = 2100\Omega, h_{21} = 45, h_{22} = 7.10^{-6}S,$$

Poniżej przedstawiono wyniki obliczeń obwodu z rys. 7.

```
potencjały węzłowe
   V [1] = 1.19710 00
   V [2] = 6.68010 00
   V [3] = 5.007 10-01
   V [4] = 1.20010 01
   V [5] = .30010 00
macierz pochodnych cząstkowych względem oporów
dVR[1, 1] = 1.922_{10} - 04 dVR[1, 2] = -2.518_{10} - 05 dVR[1, 3] = -5.108_{10} - 07
dVR[1, 4] = 1.643_{10} - 04 \ dVR[1, 5] = .000_{10} \ 00
dVR [2, 1] =-1.852<sub>10</sub>-03 dVR [2, 2] = 2.426<sub>10</sub>-04
                                                       dVR [2, 3] =-1.03410-03
dVR[2, 4] = 8.686_{12} - 03 dVR[2, 5] = .000_{10} 00
dVR[3, 1] = 1.746_{10} - 04 dVR[3, 2] = -2.287_{10} - 05 dVR[3, 3] = -7.666_{10} - 07
dVR[3, 4] = 2.465_{10} - 04 \ dVR[3, 5] = .000_{10} \ 00
macierz pochodnych cząstkowych względem SEM
dTE [1, 5] = 9.14010-02
dVE [2, 5] = 1.15510-01
dVE [3, 5] = 8.33210-02
dvE [4, 5] = 1.00010 00
macierz pochodnych cząstkowych względem BETA
dVBSTA [1, 1] = 1.55410-03
dVBETA [2, 1] =-2.72010-02
dVBETA [3, 1] = 2.33310-03
macierz pochodnych cząstkowych względem Ubeo
dVUbeo [1, 1] = 1.54710-01
dVUbeo [2, 1] = 8.14510 00
dyubec [3, 1] =-7.67810-01
czes obliczeń = 8
NAJGORSZE JARUNKI PRACY
zmiana znaku pochodnej cząstkowej dVE [2, 5]
minimalne wartości potencjałów węzłowych
Vmn [1] = 9.00110-01
Vmn [2] = 4.00310 00
Vmn [3] = 2.01810-01
Vmn [4] = 1.020<sub>10</sub> 01
maksymalne wartości potencjałów węzłowych
Vmx [1] = 1.46510 00
V_{mx} [2] = 9.289_{10} 00
Vmx [3] = 7.93810-01
V_{\rm mx} [4] = 1.320<sub>10</sub> 01
całkowity czas obliczeń = 55
```

28



Rys. 8. Schemat ideowy 4-bitowego przetwornika C/A

Program analizy wratliwości i określenie ...



sys. . Schemat sust-pcz; obwolu z rys. 8

8. Przykład II

Przy pomocy programu przeprowadzono analizę złożonego obwodu stanowiącero fragment przetwornika cyfrowo-analogowego ([5, 6]), (rys. 8). Ponieważ obwód nie mieści się w pamięci m.c. zastosowano uproszczenia, polegające na zastąpieniu włączonych diodowo tranzystorów T5 - T8 schematami diod ziącz kolektor - emiter [6].

Schemat zastępczy obwodu po uproszczeniach pokazano na rys. 9.

Analizę "worst case" przeprowadzono przy założeniu 0.1% rozrzutu wartości rezystancji, napięciach Zenera wahających się od 5.6-6.6 V, napięciach diod w kierunku przewodzenia 0.62-0.68 V. Przyjęto ([6]), że tranzystory dobierane są jedynie ze względu na wartości napięć U_{beo} = 0.61-0.65 V.Dla pozostałych perametrów założono rozrzut 50%.

Poniże, zamieszczeno fragmenty tabulogramu wyników obliczeń obwodu z rys. 4.

potencjały węzłowe V [1] =-2.297₁₀ 00

macierz pochodnych cząstkowych względem oporów

 $\frac{dVR[1, 1] = -1.524_{10} - 03}{3VR[1, 2] = 1.524_{10} - 04} \frac{dVR[1, 3] = -2.285_{10} - 04}{3VP[1, 4] = 9.406_{10} - 13} \frac{dVR[1, 5] = -1.142_{10} - 04}{3VR[1, 6] = -3.808_{10} - 05} \frac{dVR[1, 7] = -1.004_{1} - 04}{3VR[1, 6] = -3.663_{10} - 04} \frac{dVR[1, 7] = -1.004_{1} - 04}{3VR[1, 10] = 3.125_{10} - 04} \frac{dVP[1, 11] = 5.562_{1} - 06}{3VR[1, 12] = -1.831_{10} - 04} \frac{dVR[1, 12] = -1.831_{10} - 04}{3VR[1, 13] = 1.597_{10} - 04} \frac{dVR[1, 14] = 2.977_{10} - 06}{3VV[1, 15] = -0.151_{10} - 05} \frac{dVR[1, 16] = -7.521_{10} - 05}{3VR[1, 16] = 7.521_{10} - 05} \frac{dVR[1, 17] = 1.485_{10} - 06}{3VR[1, 13] = -4.575_{10} - 05} \frac{dVR[1, 20] = 1.739_{10} - 34}{3VR[1, 10] = -4.575_{10} - 05} \frac{dVR[1, 20] = 1.739_{10} - 34}{3VR[1, 20] = -3.603_{10} - 04} \frac{dVR[1, 20] = -3.603_{10} - 04}{3VR[1, 20] = -4.575_{10} - 05} \frac{dVR[1, 20] = -4.575_{10} - 05}{3VR[1, 20] = -3.603_{10} - 04} \frac{dVR[1, 20] = -4.575_{10} - 05}{3VR[1, 20] = -4.575_{10} - 05} \frac{dVR[1, 20] = -4.575_{10} - 05}{3VR[1, 20] = -3.603_{10} - 04} \frac{dVR[1, 20] = -4.575_{10} - 05}{3VR[1, 20] = -4.575_{10} - 05} \frac{dVR[1, 20] = -4.575_{10} - 05}{3VR[1, 20] = -4.575_{10} - 05} \frac{dVR[1, 20] = -4.575_{10} - 05}{3VR[1, 20] = -4.575_{10} - 05} \frac{dVR[1, 20] = -4.575_{10} - 05}{3VR[1, 20] = -4.575_{10} - 05} \frac{dVR[1, 20] = -4.575_{10} - 05}{3VR[1, 20] = -4.575_{10} - 05} \frac{dVR[1, 20] = -4.575_{10} - 05}{3VR[1, 20] = -4.575_{10} - 05} \frac{dVR[1, 20] = -4.575_{10} - 05}{3VR[1, 20] = -4.575_{10} - 05} \frac{dVR[1, 20] = -4.575_{10} - 05}{3VR[1, 20] = -4.575_{10} - 05} \frac{dVR[1, 20] = -4.575_{10} - 05}{3VR[1, 20] = -4.575_{10} - 05} \frac{dVR[1, 20] = -4.575_{10} - 05}{3VR[1, 20] = -4.575_{10} - 05} \frac{dVR[1, 20] = -4.575_{10} - 05}{3VR[1, 20] = -4.575_{10} - 05} \frac{dVR[1, 20] = -4.575_{10} - 05}{3VR[1, 20] = -4.575_{10} - 05} \frac{dVR[1, 20] = -4.575_{10} - 05}{3VR[1, 20] = -4.575_{10} - 05} \frac{dVR[1, 20] = -4.575_{10} - 05}{3VR[1, 20] = -4.575_{10} - 05} \frac{dVR[1, 20] = -4.575_{10} - 05}{3VR[1, 20] = -4.575_{10} - 05} \frac{dVR[1, 20] = -4.575_{10} - 05}{3VR[1, 20] = -4.575_{10} - 05} \frac{dVR[1, 20] = -4$

```
macierz pochodnych cząstkowych względem SEM
dVE [1, 9] = -1.634_{10} -01 dVE [1,12] = -8.418_{10} -02 dVE [1,15] = -4.208_{10} -02
dVE [1,16] = -2.103_{10} -02 dVE [1,20] = -1.084_{10} -02
```

wacierz pochodnych cząstkowych względem BETA dVBETA [1, 1] =-1.808₁₀-05 dVBETA [1, 2] =-9.237₁₀-06 dVBETA [1, 3] =-4.617₁₀-06 dVBETA [1, 4] =-2.258₁₀-06

macierz pochodnych cząstkowych względem Ubeo SVUbeo [1, 1] = 1.739₁₀-01 dVUbeo [1, 2] =8.692₁₀-02 dVUbeo [1, 3] =4.344₁₀-2 dVUbeo [1, 4] = 2.172₁₀-02

czas obliczeń = 56 NAJGORSZE WARUNKI PRACY

minimalne wartości potencjałów węztowych
Vmn [1]=-2.48210 00

zmiana znaku pochodnej cząstkowej GVR [1, 4] maksymalne wartości potencjałów węzłowych Vmx [1]=-2.090₁₀ do całkowity czas obliczeń = 176 Powyższe obliczenia wskazują na bardzo duży rozrzut wartości napięcia wyjściowego [1] przy zadanych tolerancjach.

Przeprowadzono wielokrotną analizę obwodu dla różnych wartości tolerancji parametrów tranzystorów oraz zastępczych rezystancji w gałęziach 9, 12, 15 i 18 (rys. 9) przy niezmienionych tolerancjach napięć Zenera i spadków napięć na diodach i złączach B-E tranzystorów połączonych diodowo. Na podstawie wyników tych obliczeń można stwierdzić, iż decydujący wpływ na dokładność pracy układu mają spadki napięć na obwodach polaryzacji,tj. diodach, diodach Zenera i tranzystorach w połączeniu diodowym. Wpływ tolerancji parametrów tranzystorów i rezystancji gałęzi 9, 12, 15, 18 jest do pominięcia (o 2 rzędy mniejszy, niż wpływ zastępczych SEM gałęzi 9, 12, 15, 18). Założony w pracy [6] rozrzut spadków napięć na ww. elementach nie zapewnia wymaganej dla przetworników C-A dokładności.

9. Dokładność obliczeń i zajetość pamięci m.c

Macierz przewodnościowa obwodu ze źródłami sterowanymi jest bardzo źle uwarunkowana i dlatego analiza bez m.c nawet tak prostego obwodu jak w p. 7 prowadzi do błędnych wyników. Praktycznie jedynym sposobem sprawdzenia wyników jest ich porównanie z pomiarami wykonanymi na działającym obwodzie. Trzeba przy tym zdać sprawę z faktu, iż decydujący wpływ na wyniki mają przyjęte modele tranzystorów. Wyniki obliczeń z p. 7 porównano z wynikami odpowiednich pomiarów, a wyniki z p. 8 porównano z [6]. Okazuje się, że największe błędy są kilkuprocentowe.

Ponieważ nawet przy pesymistycznym założeniu dokładności do trzech cyfr znaczących, błędy wynikające z przyjęcia przybliżonych modeli są o kilka rzędów większe, więc najodpowiedniejszym wydaje się być postępowanie następujące:

- 1) Analiza obwodu dla katalogowych wartości parametrów tranzystorów.
- Przyjęcie nowych modeli tranzystorów (na podstawie charakterystyk lub pomiarów) w punktach pracy wyznaczonych na podstawie wyników 1).

Przekład programu napisanego w języku ALGOL 1204 zajmuje ok. 3 800 komórek w pamięci operacyjnej m.c. Podczas obliczeń korzysta się z 8 segmentów bębnowych, z których najdłuższy zajmuje ok. 2 000 komórek.

LITERATURA

- [1] Jensen R.O., Lieberman M.D.: IBM Electronic Circuit Analysis Program, Prentice - Hall, 1968.
- [2] Czechowski A., Rorbach P.: Analiza czułości i określanie najbardziej niekorzystnych warunków pracy w liniowych obwodach prądu stałego. Zeszyty Naukowe Politechniki Śląskiej - w druku.

Program analizy wrażliwości i określenie ...

- [3] Mc Namee J.M.: A Sparse Matrix Package, Communications of ACM, vol. 14, no. 4, April 1971.
- [4] Forsythe G.E., Moler C.D.: Computer Solution of Linear Algebraic Systems, Prentice-Hall. (przekład rosyjski - Moskwa 1969).
- [5] Hoeschele D.F.: Analog to Digital / Digital to Analog Conversion Techniques, Wiley, N.Y., 1968.
- [6] Karwan L.: Analiza wrażliwości układów elektronicznych metodą dekompozycji, Praca Doktorska, Gliwice, 1976.

ПРОГРАММА АНАЛИЗА ЧУВСТВИТЕЛЬНОСТИ И ОПРЕДЕЛЕНИЕ НАИХУДШИХ УСЛОВИИ РАБОТЫ В ЛИНЕЛНЫХ ЭЛЕКТРОННЫХ ЦЕПЬЯХ ПОСТОЯННОГО ТОКА

Резюме

В статье указана программа вычисления чувствительности и наихудших условий работы электронных цепей постоянного тока с транзисторами.Приведены примеры анализа транзисторного усилителя и 4-битового цифро-аналогового преобразователя.

THE PROGRAM OF THE SENSITIVITY ANALYSIS AND THE WORST CASE SOLUTION OF LINEAR D.C. ELECTRONIC CIRCUITS

Summary

In the paper a program of sensitivity analysis and the worst case solution of linear d.c. circuits with transistors is given. Based on this method, the OE amplifier and the 4-bit D/A converter are analysed.