Seria: ELEKTRYKA z. 87

Jan KAPINOS, Władysław MIZIA

Instytut Maszyn i Urządzeń Elektrycznych Politechniki Śląskiej

PARAMETRY ELEKTROMAGNETYCZNE STANU USTALONEGO TURBOGENERATORA 2 BEZŻŁOBKOWYM UZWOJENIEM TWORNIKA

Streszozenie. Określono analityczne zależności na parametry elektromagnetyczne turbogeneratora z bezżłobkowym uzwojeniem twornika, dla przyjętego modelu układu elektromagnetycznego. Zależności te ujmują wpływ wymiarów obwodu magnetycznego, jego własności i danych nawojowych uzwojeń na parametry elektromagnetyczne stanu ustalonego turbogeneratora. Korzystając z danych projektowych kilku turbogeneratorów o wykonaniu tradycyjnym i z uzwojeniem bezżłobkowym, określonych dla tego samego kryterium optymalizacji, przeprowadzono porównanie parametrów obu rozwiązań.

#### 1. Watep

Vymiary obwodu magnetycznego turbogeneratorów są ograniczone głównie wytrzymałością mechaniczną wirnika. Również postęp w makresie stosowanie coram to lepezych materiałów magnetycznych, przewodzących i izolacyjnych jest nieznaczny. W tych warunkach powiększanie mocy jednostkowych turbogeneratorów uzyskuje się przez stosowanie coram to bardziej intensywnych systemów chłodzenia, w szczególności uzwojeń wzbudzenia i twornika.

W stosowanych rozwiązaniach turbogeneratorów w zakresie mocy znamionowych de ok. 1000 MVA uzwojenia są rozmieszozone w 21ebkach, a grubość szozelizy przywirnikowej dochodzi do 15 cm. Na skutek stosowania coraz to większych izdukcji magnetycznych w szozelinie zęby ulegają znacznemu nasyceniu. W tych warunkach celowe jest rozpatrzenie możliwości rezygnacji z rozmieszczenia uzwojeń w żłobkach i opracowanie konstrukcji bezżłobkowej. Wprowadzenie takiej konstrukcji jest rozpatrzwane w praczok [2], [8] i dotyczy maszyn głębokoschładzanych. Podstawewą trudnością w realizacji takiego rozwiązania jest mocowanie uzwojeń.

Rozviąkanie mocowanim uzwojenia twornika jest prostaze w porównaniu z wocowaniem uzwojenia wzbudzenia, które podlega działaniw dużej siły odśredkowej. Meżna więc, zachowując sradycyjne rozwiązanie wirnika, wprowadzić bezżłobkowe uzwojenie tworniką.

Rozwiązania tego typu są rozpatrywane w pracach [1], [4]. W turbogeneratorme z bezżłobkowym uzwojeniem twornika grubość uzwojenie twornika jest Shacunie mniejsza (eliminacja zębów), a popadto mniejsza również grubość

Nr kol. 773

ssozeliny przywirnikowej, jako odległość między powierzobnią beczki wirnika a wewnętrzną powierzobnią uzwojemia twornika. W konsekwemoji zmniejszeją się równiez wymiary zewnętrzne rdzenia stojana. W rozwiązaniu bezżłobkowym uzwojenie twornika znajduje się w głównym polu magnetycznym. Rzutuje to na rozwiązanie prętów uzwojenia twornika, celem ograniczemia strat dodatkowych [5].

Ponadto wyznaozenie parametrów indukowjnych turbogeneratora wymaga odmiesnego podejścia w porównaniu z dotychozasową praktyką. Celem niniejszego artykulu jest określenie analitycznych zależności na parametry indukowjne turbogeneratora z bezżłobkowym umwojeniem twornika, wyrażonych przez wymiary obwodu magnetycznego, jego własności oraz dane nawojowe uzwojeń. W celu oceny zmian parametrów przeprowadzono również porównanie parametrów kilku turbogeneratorów o wykonaniu tradycyjnym i z umwojeniem bezżłobkowym na podstawie danych projektowych określonych dla tego samego kryterium optymalizacji, którym była minimalizacja strat wzbudzenia przw określonej całkowitej sprawności turbogeneratorów. Ocena parametrów turbogeneratorów z bezżłobkowym uzwejeniem twornika pozwala na określenie ich własności eksploatacyjnych w systemie elektroenergetycznym.

### 2. Model układu elektromagnetycznaco

Z rozwiązania konstrukcyjnego turbogonoratora dwubiegumowego z bezžłobkowym uzwojeniem twornika wynika, że można przyjąć model przekroju poprzeoznego układu elektromagnetycznego przedstawiony na rys. 2.1. V medelu tyw wyróżnia się: odkuwkę wirmika, szomelinę przywirnikową, uzwojenie wzbudzenia, uzwojenie twornika, rdzeń stojama. Szozeliny przywirmikowe w turbogeneratorach są duże. Z tego powodu nawet przy znacznych masyceniach elementów ferromagnetycznych obwód magnetyczneg jest praktycznie liniowy. W rozpatrywanym modelu zażożone liniowość obwodu magnetycznego, przy ozym dla rdzenia stojana przyjęto względną przenikalność magnetyczną  $\mu_1$ , natomiast dla odkuwki wirnika  $\mu_2$ .

Ponadto zalożono, że uzwojenie:

 - wzbudzenia jest mieskończenie cienką warstwą, tzw. łuską prądową o sinusoidalnym rozkładzie przestrzennym gęstości liniowej prądu,

- twormika ma określoną grubeść i dyskretny rozkład prętów,

Przyjęte zależenia pozwalają na przejrzyste określenie przestrzennego rozkładu magnetycznago potenejału wektorowego wytworzonego przez przepływy: wzbudzenia i oddziaływania twornika.

Znajomość rozkładu magnetycznego potencjału wektorowego stanowi podstawę wysnaczania parametrów indukcyjnych twrbegeneratora z bezżłobkowym uzwojeniem twornika.

#### Parametry elektromagnetyczne stanu...



Rys. 2.1. Model układu elektromagnetycznego turbogeneratora

### 3. Magnetyozny potenejał wektorowy

Magnetyczny potencjał wektorowy, przy pomimięciu prądu przesunięcia, spełnia równanie:

- Laplace'a  $\Delta \overline{A} = 0$  dla ebszarów bezprądowych, - Poissona  $\Delta \overline{A} = -\mu \overline{J}$  dla obszarów prądowych.

Rozkład magnetycznego potencjału wektorowego określa się, przyjmując

zalożenia:

- pomija się efekty krańcowe, wynikające ze skończonej długości maszyny,

- przyjmuje się sinusoidalny rozkład przestrzenny gęstości liniowej prądu wzbudzezia,
- pomija się prądy wirowe w uzwojeniu twornika i przyjmuje się trójfazowe uzwojenie twornika.

Réwnania Laplace'a i Poissona, przy przyjętych założeniach, w układzie współrzędnych cylindrycznych  $(r, \varphi, z)$  mają postać:

$$\frac{\partial^2 A}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial A}{\partial r} + \frac{1}{r^2} \cdot \frac{\partial^2 A}{\partial q^2} = 0 \qquad (3.1)$$

$$\frac{\partial^2 A}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial A}{\partial r} + \frac{1}{r^2} \cdot \frac{\partial^2 A}{\partial r^2} = -\mu J \qquad (3.2)$$

przy osym:

Równamie (3.1) rozwiązuje się metodą rozdzielezia zmiennych. Rozwiązanie okresowe dla waszyny dwubiegunowej jest określone zależneścią:

A = A\_

$$\mathbf{A} = \sum_{n=1}^{\infty} (\mathbf{C}_{1n} \mathbf{r}^n + \mathbf{C}_{2n} \mathbf{r}^{-n}) \left[ \mathbf{C}_{3n} \cos(n\varphi) + \mathbf{C}_{4n} \sin(n\varphi) \right] \quad (3.3)$$

pray ozym:

n = 1,2,3,...

Rozwiązanie równania (3.2) zależy [7] od przebiegu funkcji gęstości prądu J  $(r, \mathscr{C})$ .

Przy jaując, że rozkład gęstości prądu ule zależy od promienia, czyli:

 $J(r,\varphi) = J(\varphi)$ 

i stosując metodę rezdzielenia zmiennych, otrzymuje się rezwiązania okresowe równamia (3,2): - dla m ≠ 2

$$A = \sum_{n=1}^{\infty} \left\{ \left( C_{1n} \ r^{n} + C_{2n} \ r^{-n} \right) \ \left[ C_{3n} \ \cos(n\varphi) + C_{4n} \ \sin(n\varphi) \right] - \frac{r^{2}}{4 - n^{2}} \left[ a_{n} \ \cos(n\varphi) + b_{n} \ \sin(n\varphi) \right] \right\}$$
(3.4)

-dla n = 2

$$A = (C_{12} r^{2} + C_{22} r^{-2}) (C_{32} \cos 2\% + C_{42} \sin 2\%) - - \mu_{0} r^{2} \frac{1}{4} \ln r(a_{2} \cos 2\% + b_{2} \sin 2\%)$$
(3.5)

przy osym współosynniki rosłożenia J(Y) w szereg Fouriera wynoszą:

$$a_{n} = \frac{1}{\pi} \int_{0}^{2\pi} J(\psi) \cos(n\psi) d\psi$$
$$b_{n} = \frac{1}{\pi} \int_{0}^{2\pi} J(\psi) \sin(n\psi) d\psi$$

Vspółozynniki C<sub>1n</sub>, C<sub>2n</sub>, C<sub>3n</sub>, C<sub>4n</sub> występujące w równaniach (3.3), (3.4), (3.5) wyznacza się, zakładając symstrię maszyny i korzystejąc z warunków brzegowych ma granicach poszczególnych obszarów.

# 3.1. Rozkład magnetycznego potencjału wektorowego wytworzonego przez przepływ fazy uzwojenia twornika

Roskład przestrzenny gęstości prądu k-tej fazy uzwojenia twornika okreila zależność [3]:

$$f(\Psi) = \sum_{n=1}^{\infty} b_{nk} \sin(n\Psi)$$
 (3.6)

pray ozym:

n = 1,3,5,...

 $b_{nk} = \frac{4 J_{1mk}}{n \Re} q_1 k_{un} \sin(0.5 n q_0)$ 

J.

q. - liozba tzw. umewnych żlebków na biegun i fazę,

of - miara kątowa pojedynozego pręta,

J<sub>ink</sub>- amplituda gęstości prądu podstawowej harmonicznej w pręcie k-tej fazy uzwojenia twornika,

k... - współczynnik uzwojenia dla n-tej harmonicznej.

Zależność (3.6) łącznie z równaniami (3.3), (3.4), przy uwzględnieniu symetrii maszyny i warunków brzegowych na granicach poszozególnych obszarów, pozwala [3] na określenia rozkładu magnetycznege petencjału wektorowego wytworzonego przez k-tą fazę, we wszystkich obszarach modelu elektromagnetycznego turbogeneratora (rys. 2.1). Dla określenia parametrów induksyjnych interesujący jest obszar ( $R_i \leq r \leq R_u$ ), w którym znajduje się uzwojenie twornika. W obszarze tym magnetyczny potencjał wektorowy wytworsony przez k-ta fazę uzwojenia twornika jest określony zależnością:

$$A_{1fk} = \sum_{n=1}^{\infty} 0,5 \ \mu_0 \quad \frac{b_{nk}}{l_4 - n^2} \left[ (a_n^c |_{n}^b + \frac{2+n}{n} R_u^{2-n}) r^n - \frac{b_{nk}}{n} \right]$$

$$= \left( R_{1}^{2n} \not \Rightarrow_{n} + \frac{2-n}{n} R_{u}^{2+n} \right) r^{-n} - 2 r^{2} \right] \sin(n\Psi)$$
 (3.7)

przy czym: n = 1,3,5,...

$$\varphi_{\rm B} = \frac{1 - \left(\frac{R_{\rm 1S}}{R_{\rm 1}}\right)^{2m}}{\left(\frac{R_{\rm 1Z}}{R_{\rm 1}}\right)^{2m} \frac{\mu_{\rm 1} + 1}{\mu_{\rm 1} - 1} - \frac{\mu_{\rm 1} - 1}{\mu_{\rm 1} + 1}}$$

$$\frac{\frac{\mu_2 - 1}{\mu_2 + 1}}{\frac{R_1^{2n}}{R_1^{2n} + R_2^{2n}} - \frac{R_1^{2-n}}{R_1^{2n}} + \frac{2-n}{n} \left( \frac{R_1^{2n} - R_1^{2+n}}{R_1^{2n} - R_1^{2+n}} \right)}$$

41,42 - względne przenikalności magnetyczne odkuwki wirnika i rdzenia stojana,

R1, R2, R1z, R1, Ru - wymiary modelu elektromagnetycznego (rys. 2.1).

# 3.2. Roskind magnetycznego potencjału wektorowego wytworzonego przez przepływ wsbudzenia

Zgodnie z przyjętym małożeniem gęstość limiowa prądu wswojenia wsbudzenia:

$$J_2(\mathcal{Q}) = J_{2m} \sin \mathcal{Q} \qquad (3.8)$$

Amplitudę gęstości liniowej prądu uzwojenia wzbudzenia wyznacza się z równości przepływów uzwojenia wzbudzenia i tzw. łuski prądowej:

$$\int_{2}^{4} \mathbf{z}_{2} \mathbf{k}_{u2} \mathbf{I}_{2} = \int_{2}^{0} J_{2m} \mathbf{R}_{2} \sin \boldsymbol{\varphi} \, \mathrm{d} \boldsymbol{\varphi}$$

otrzymuje się:

Jan

pray ozym:

- z<sub>2</sub> liczba zwojów uzwojenia wsbudzenia,
   k<sub>u2</sub> współczynniki uzwojenia wsbudzenia,
   I<sub>2</sub> prąd wzbudzenia,
  - D<sub>o</sub> árednica wirnika.

Zależność (3.8) łącznie z równaniem (3.3), przy uwzględnieniu symetrii maszymy i warunków brzegowych na granicach poszozególnych obszarów, pozwala [3] na określenie rezkładu magnetycznego potencjału wektorowego wytworzonego przez przepływ uzwojenia wzbudzemia we wszystkich obszarach modelu elektromagnetycznego turbogeneratora.

W obszarze  $(R_2 < r < R_1)$ , który jest wykorzystywany do określenia parametrów indukcyjnych, magnetyczny potencjał wektorowy określa zależność:

$$A_{2} = \mu_{0}J_{2m} \frac{\mu_{2}}{\mu_{2}+1} \left[ \frac{1}{\left(\frac{R_{1}}{R_{2}}\right)^{2}} - \frac{\mu_{2}-1}{\frac{\mu_{2}}{\mu_{2}}+1} + \frac{R_{1}^{2} r^{-1}}{\left(\frac{R_{1}}{R_{2}}\right)^{2} - \frac{\mu_{2}-1}{\left(\frac{\mu_{2}+1}{\mu_{2}}\right)^{2}}} \right] \sin \varphi \quad (3.9)$$

przy ozym

$$c_{i}^{*} = \frac{\left(\frac{R_{1}}{R_{1}}\right)^{2} \frac{\mu_{1} + 1}{\mu_{1} - 1} - \frac{\mu_{1} - 1}{\mu_{1} + 1}}{\left(\frac{R_{1}}{R_{1}}\right)^{2} - 1}$$

### 4. Reaktanoja

Charakterystyczne reaktanoje turbogeneratora są ściśle związane z odpowiednimi indukcyjnościami. Indukcyjności, przy znanych rozkładach magnetycznego potencjału wektorowego i gęstości prądu uzwojeń, wyznacza stę korzystając z wyrażenia na energię pola magnetycznego:

$$W = \frac{1}{2} \iiint \vec{A} \vec{J} dV \qquad (4,1)$$

i sależności ujmującej swiązek między energią pola magnetycznego, indukcyjnością i prądem.

Indukoy jność własna uzwojenia:

$$L_{\frac{1}{2}} = 2 \frac{W_{\frac{1}{2}}}{L_{\frac{1}{2}}^{\frac{1}{2}}}$$
 (4.2)

Indukcyjność własną uzwojenia określa się, znając rozkład gęstości prądu uzwojenia i rozkład magnetycznego potencjału wektorowego wytworzonego przez przepływ uzwojenia w obszarze zajętym przez to uzwojenie.

Indukoyjność własna fazy uzwojenia twornika:

$$L_{1k} = \frac{2}{I_{1k}} \int_{V} \vec{A}_{1k} \vec{J}_{1k} dV \qquad (4.3)$$

pray onym:

- <sup>A</sup>1fk magnetyczny potencjał wektorowy wytworzony przez przepływ k-tej fazy uzwojenia twornika w obszarze rozłożenia uzwojenia twornika,
- J<sub>1k</sub> gęstość prądu k-tej fazy uzwojenia twornika,

м

I<sub>1k</sub> - prąd k-tej fazy uzwojenia twornika.

Indukovjność wzajemna uzwojeń:

$$=\frac{2}{1}\frac{V_{12}}{1}$$
(4.4)

Indukovjność wsajemną uzwojeń określa się, zmając reskłady gęstości prądów w uzwojeniach oraz rozkłady magnetycznego potencjału wektorowego wytworzonego przez przepływ jednego z uzwojeń w obznarze zajętym przez drugie uzwojenie, Indukovjność wzajemna uzwojenia wzbudzenia i k-tej fazy uzwojenia twornika:

$$M = \frac{z}{\underline{T}_{1k} \underline{T}_2} \iiint \overline{A}_2 \quad \overline{J}_{1k} \quad dV \qquad (4.5)$$

DERY ORYM:

 A2 - magnetyczny potencjał wektorowy wytworzony przez przepływ uzwojenia wzbudzenia w obszarze rozłożenia uzwojenia twernika,
 I3 - prąd wzbudzenia.

Zgodnie z przyjętymi założeniami rozkład pola magnetycznego nie zmienia się wzdłuż długości mazzyny. Można zatem napisać:

$$L_{1k} = \frac{2 \ l_1}{I_{1k}^2} \iint_{k} \overline{A}_{1k} \overline{J}_{1k} dS \qquad (4.6)$$

$$H = \frac{2 \ l_1}{I_{1k}^2 \ l_2} \iint_{k} \overline{A}_{2} \overline{J}_{1k} dS \qquad (4.7)$$

pray ozya:

1. - dlugość twornika,

S. - powierzchnia przekroju poprzeoznego fazy uzwojenia twornika.

Podane zaležności na indukowjności, przy uwzględnieniu zależności (3,6), (3.7), (3.9), stanowią podstawę określenia wyrażeń na reaktancje.

### 4.1. Reaktanoja synchroniczna

Resktanoja synchroniczna dla trójfazowego uzwojenia średmicowego:

$$X_{d} = \frac{3}{2} \omega L_{1k} \qquad (4.8)$$

przy ozym: 0 - pulsaoja elektryczna,

Vprovadzając do wyrażenia (4.8) zależności (3.6), (3.7), (4.3) otrzymuje się:

$$X_{d} = \frac{3\pi}{4} \cdot \frac{b_{nk}^{2}}{x_{1k}^{2}} \omega \mu_{0} \mathbf{1}_{1} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n(4-n^{2})}$$

 $\left[\left(\mathsf{R}_{u}^{2-n} + \frac{n}{2+n} \, \mathsf{c}_{n}^{*} \, \mathsf{b}_{n}\right) \, \left(\mathsf{R}_{u}^{2+n} - \mathsf{R}_{1}^{2+n}\right) \, \mathsf{c}_{n}^{*}\right]$ 

$$- \left(R_{u}^{2+D} + \frac{D}{2-D} R_{1}^{2} \phi_{n}\right) \left(R_{u}^{2-D} - R_{1}^{2-D}\right) - \frac{D}{2} \left(R_{u}^{4} - R_{1}^{4}\right) \right] \qquad (4.9)$$

Z zależności (3.6), przy dodatkowym określeniu zależności amplitudy gęstości prądu twornika od prądu twornika, danych nawojowych uzwejenia i jego grubości, otrzymuje się:

$$b_{nk} = \frac{32 \left[2^{2} I_{1k} n_{p1} q_{1} k_{un}\right]}{n \Re a_{1} q_{0} D_{u}^{2} \left[1 - \left(\frac{D_{1}}{D_{u}}\right)^{2}\right]} \sin\left(n \frac{\alpha p_{0}}{2}\right)$$
(4.10)

Przyjmując, że zachodzi:

 $\mu_1 \gg 1, \ \mu_2 \gg 1$ 

i wprowadzając wyratenie (4,10) do zależności (4,9) otrzymuje się:

$$t_{d} = \frac{\frac{48 \,\mu_{o} \,\omega \,q_{1}^{2} \,n_{p1}^{2} \,1_{1}}{\Re a_{1}^{2} \,q_{0}^{2} \,\left[1 - \left(\frac{D_{1}}{D_{u}}\right)^{2}\right]^{2}} \sum_{u=1}^{\infty} \frac{k_{un}^{2}}{n^{3}(4-n^{2})} \sin^{2}(n \,\frac{d_{10}}{2}) .$$

$$(4.11)$$

$$\left\{ \left(1 + \frac{n}{2+n} \mathcal{H}_n\right) \left[ 1 - \left(\frac{D_1}{D_u}\right)^{2+n} \right] - \left[ 1 - \frac{n}{2-n} \left(\frac{D_1}{D_u}\right)^{2n} \mathcal{H}_n \right] \left[ 1 - \left(\frac{D_1}{D_u}\right)^{2-n} \right] - \frac{n}{2} \left[ 1 - \left(\frac{D_1}{D_u}\right)^{\frac{1}{2}} \right] \right\}$$

. 12)





- a, liczba gałęzi równoległych uzwojenia twornika,
- n<sub>pi</sub> liozba warstw uzwojenia twornika,
- n = 1,3,5,...

Zależność (4,11) ujmuje wpływ wymiarów geometrychnych maszyny i danych nawojowych uswojenia twornika na reaktanoję synchroniczną. Przy uwzględnieniu tylke podstawowej harmonicznej przestrzennego rozkładu iwdukcji (n=1) otrzymuje się:

$$\begin{split} \mathbf{x}_{d1} &= \frac{16 \ \mu_{o} \ \omega \ \mathbf{q}_{1}^{2} \ \mathbf{k}_{u1}^{2} \mathbf{n}_{p1}^{2} \mathbf{1}_{1}}{\mathcal{G}_{n_{1}}^{2} \ \mathbf{q}_{o}^{2} \left[ 1 - \left(\frac{\mathbf{D}_{1}}{\mathbf{D}_{u}}\right)^{2} \right]^{2}} \ \text{sin}^{2} \ \frac{\mathbf{q}_{o}}{2} \left\{ \left(1 + \frac{1}{3} \ \mathbf{k}_{1}\right) \right. \\ \left. \left[1 - \left(\frac{\mathbf{D}_{1}}{\mathbf{D}_{u}}\right)^{3} \right] - \left[ 1 - \left(\frac{\mathbf{D}_{1}}{\mathbf{D}_{u}}\right)^{2} \ \mathbf{k}_{1} \right] \left(1 - \frac{\mathbf{D}_{1}}{\mathbf{D}_{u}}\right) - \frac{1}{2} \left[ 1 - \left(\frac{\mathbf{D}_{1}}{\mathbf{D}_{u}}\right)^{4} \right] \right\} \end{split}$$

przy osym:

$$c_{1} = \frac{3 (1 - \frac{D_{1}}{D_{u}}) D_{2}^{2} + D_{u}^{2} \left[1 - (\frac{D_{1}}{D_{u}})\right]}{D_{1}^{2} - D_{2}^{2}}$$

### 4.2. Raaktanoja oddziaływania twornika

Reaktanoja oddziaływania twornika dla podstawewej harmonicznej:

$$X_{ad} = \frac{3}{2} \cdot \frac{\frac{m_1 k_{u1}}{m_2 k_{u2}}}{\frac{m_1 k_{u2}}{m_2 k_{u2}}} \omega M$$
 (4.13)

pray onym:

z<sub>1</sub>, z<sub>2</sub> - liozby zwejów uzwejenia twernika i wzbudzenia, k<sub>u1</sub>, k<sub>u2</sub> - wzpółczynniki uzwejeń twornika i wzbudzenia, ω - pulszeja elektryczna.

# Parametry elektromagnetyczne stanu...

Wprowadzając do wyrażemia (4.13) zależności (3.6), (3.9), (4.7) otrzymuje się:

ad = 
$$\frac{3\pi}{2} \cdot \frac{x_1 + x_{11}}{x_2 + x_{12}} \cdot \frac{J_{2m}}{T_{1k} + T_2} = \omega_{10} + \frac{J_{11}}{T_{1k} + T_2} = \frac{J_{11}}{T_{11} + T_2} = \frac{J_{11}}{T$$

$$\frac{1}{3} - \frac{\frac{R_{u}^{3} - R_{1}^{3}}{2}}{(\frac{R_{1}}{R_{2}}) - \frac{\mu_{2} - 1}{\mu_{2} + 1}} + \frac{\frac{R_{1}^{2} - R_{u} - R_{1}}{(\frac{R_{1}}{R_{2}}) - \frac{\mu_{2} - 1}{(\frac{\mu_{2} - 1}{(\frac{\mu_{2} + 1})\alpha_{1}}}$$
(4.14)

przy ozym:

 $b_{1k} = b_{nk}$  - wyrażenie (4.10) dla n = 1. Przyjmując, że zachodzi:

$$\mu_1 >> 1, \quad \mu_2 >> 1$$

i wprowadzając zależność na b<sub>ik</sub>, otrzymuje się:

$$a_{ad} = \frac{8 \mu_0 \omega q_1^2 k_{u1}^2 n_{p1}^2 l_1 m_0}{3 l_{a_1}^2 \omega_0} \sin\left(\frac{\omega_0}{2}\right)$$
(4.15)

pray exym:

$$\mathbf{n}_{\mathrm{D}} = \frac{\mathbf{D}_{1}}{\mathbf{D}_{1}^{2} - \mathbf{D}_{2}^{2}} \cdot \frac{(\mathbf{D}_{1} + \mathbf{D}_{u})^{2} - \mathbf{D}_{1}\mathbf{D}_{u} + 3\mathbf{D}_{1}^{2}}{\mathbf{D}_{u} + \mathbf{D}_{1}}$$

Zależność (4,15) ujmuje wpływ wymiarów geometrycznych massyny i danych nawojowych uzwojenia twornika na reaktancję oddziaływania twornika.

### 4.3. Reaktancja rosproszenia uzwojenia twornika

Trudności związane z określeniem rozkładów magnetycznego potenojału wektorowego i gęstości prądu w częściach czołowych turbogeneratora powodują, że zależność na reaktanoję synchroniczną podano bez uwzględnienia reaktanoji rozproszenia części czełowych uzwojeń. Z tego powoc przy określaniu całkowitej reaktanoji rezproszenia nie meżna posłużyć się zależnością:

$$X_{s} = X_{d} - X_{ad} \tag{4.16}$$

Reaktancję rozproszenia uzwojenia twornika można wyznaczyć w sposób przybliżony, zakładając, że reaktancja rozproszenia części czołowych bezżłobkowego uzwojenia twornika jest taka sama, jak uzwojenia rozmieszczonego w żłobkach, Przy takim założeniu:

$$X_{a} = X_{d} - X_{ad} + X_{ao}$$

przy czym: reaktanoja rozproszenia części czołowych uzwojenia twornika

$$u_{0} = \frac{3,92}{\sin^{2}(6,\frac{2}{3})} D_{\delta \mathbf{r}}(\mathbf{j} \, \mathbf{p}_{1} - 1), \ 10^{-4}$$

β. - skrót poskoku uzwojenia,

 $D_{4=} = \frac{D_1 + D_2}{2}$ 

# 5. Forównanie podstawowych parametrów indukcyjnych turbogeneratorów z z tradycyjnym i bezżłobkowym uzwojeniem twornika

W celu porównania podstawowych parametrów indukoyjnych turbogeneratorów z tradycyjnym i beziłobkowym uzwojeniem twornika przeprowadzono obliczenia projektowe trzech generatorów e moczoh: 247, 426, 588 NVA, dla obw rozwiązań uzwojenia twornika. Obliozenia przeprowadzono, przyjmując jako kryterium optymalizacji minimalizację etrat wzbudzenia, przy machowaniu tej zamej sprawności generatora o określonej mocy, niezależnie od wykowania uzwojenia twornika. Obliozenia turbogeneratorów z bezżłobkowym uzwojeniem twornika przeprowadzono dla kilku wariantów grubości zzczeliny  $\delta_m$ - odległości między powierzchnią beczki wirnika a wewnętrzną powierzchnią uzwojenia twornika.

Przyjęcie kilku wariantów grubości suczeliny 5 wiąże się z rozwiązaniem systemu chłodzenia maszyny. Nawet przy bezpośrednim chłodzeniu uzwojeń i rdzenia stojana zachodzi konieczność wprowadzenia szczeliny nie tylko ze względów mechanicznych, ale również cieplnych, ponieważ muszą być edprowadzone straty wydzielane na powierzchni beczki wirnika.

Vzględne parametry indukcyjne określono dla względnej szczeliny  $\delta_{mr} = 0,2; 0,4; 0,6; 0,8, przy czym jednostką odniesienia byża szczelina ge$ neratora z tradycyjnym uzwojemiem twornika.Parametry generatorów ujmuje tabela 5.1.

### 5. Wnioski

Z tabeli 5.1 wynika, że względne podstawowe reaktancje są mniejsze dla generatorów z bezźlobkowym uzwojeniem twornika, przy czym stopień zmniej-

# Parametry elektromagnetyczne stana....

Tabela 5.1

T

7 850 26-			tenneja tenneja hroniozana 2.066 1.934 1.8 Xdr	edua tanoja italywania 1,885 1,777 1,6 nika Xadr	edna temoja roszemia 0.181 D.156 D.1 Jenia mika Xar
247 HVA	#Lobkowy	9'0 = <sup></sup> 9	1 1 1 1 1 1	96 1,581 1	63 0, 164 0
Sn = 426 NVA	Â	8,0 = 0,8	, 603 2,	.437 1.	* 166 0,
		2 0 = 0 3	125 1,96	920 1, 61	205 0, 15
	besttobkovy	4'0 = 3	9 1,850	0 1,690	9 0, 161
		9'0 = <b>**</b> 9	1.746	1,583	0, 163 0
5 = 588 MVA		8'0 =	. 627 2	458 1	0, 168 0
	treglog juy		136 1,	925	21 0
	bess obkowy	2*0 = 0*5	948 1.	796 1.	152 0.
		9'0 =	839 1.4	683	156 0,1
			08 1	75 1.	34 0

szenia zależy od względnej szozeliny  $\delta_{mr}$  związanej z systemem ohłodzenia maszyny.

Względna reaktanoja rozproszenia uzwojenia twornika zmienia się stosunkowo nieznacznie,

Uwzględniając, że jest ona głównym składnikiem reaktancji dla przebiegów podprzejściowych i przejściowych, można uznać, że reaktancje te nie będą zmacznie odbiegać od wartości spotykanych w turbogeneratorach o rozwiązaniu tradycyjnym.

Zwiany parametrów indukowjnych można więc uznać za korzystne. Dodatkowym, korzystnym efektem wprowadzenia bemiłobkowego uzwojenia twornika jest zmniejsmenie wymiarów zewnętrznych rdzenia stojana.

#### LITERATURA

- [4] Banilewios J.B., Czubrajewa L.J. i inni: Turbogienieratory biespazowoj konstrukcji i problemy ich sozdanija. Sbornik naucznych trudow. Leningrad 1977.
- [2] Davies E.J.: Airgap windings for large turbogenerators. Proc.IEL.vol. 118, Nr 3-4 1971.
- [3] Kapinos J.: Zagadnienia elektromagnetyczne w projektowaniu turbogeneratorów z bezżłobkowym uzwojeniem twornika. Praca doktorska. Pol. Śląska. Gliwice 1980.
- [4] Kildiszczew V.S., Ruzinskij L.N.: Moszczny je sinchronny je gienieratory s biezzuboowym statorom. Elektriczestwo. Nr 1, 1977.
- [5] Kirtley J.L.: Armature of the MIT-EPRI superconducting generator, IEEE Transactions on Power Apparatus and Systems, Vel, PAS-96, Nr 1, 1977.
- [6] Mizia V.: Metoda optymalizacji obwodów elektromagnetycznych w turbogeneratorach dwubiegunowych, Zeszyty Naukowe Pol. Śląskiej,Elektryka, Nr 69. Gliwice 1980.
- [7] Smirnov W.J.: Matematyka wyższa, T. II, PWN, Warszawa 1958.
- [8] Spooner E.: Fully slotless turbogenerators'. Proc. IEE, vol. 120, Nr 12. 1973.

Recenzent: doo, dr hab, int, Roman Nadolski

Wpłynężo do Redakoji dn. 15.XII.1982 r.

ЭЛЕКТРОМАГНИТНЫЕ ПАРАМЕТРЫ УСТАНОВИВШЕГОСЯ РЕЖИМА ТУРБОГЕНЕРАТОРА С БЕЗПАЗОВОМ ОБМОТКОЙ ЯКОРЯ

Резюме

Определены аналитические зависимости для электромагнитных параметров турбогенератора с бесписовой обмоткой якоря для принятой модели электромагнитной системы. Эти зависимости определяют влияные размеров магнитной цели и

обмоточных данных на электромагнитные параметры установивлегося режима турбогенератора. Пользуясь расчётами нескольких турбогенераторов в традиционном исполнении с беспазовой обмоткой, определёнными для того же критерия оштима- Гс лизации, проведено сравмение электромагнитных нараметров обоих релений.

# ELECTROMAGNETIC PARAMETERS OF TURBOGENERATOR WITH SLOTLESS WINDING ARMATURE IN THE STEADY STATE

#### Summary

The elektromagnetic parameters of a model of a turbogenerator with slotless armature winding has been analysed and computed. The derives relations take into account the influence of the sizes of electromagnetic cirouit, its properties and winding distribution on the parameters. The designing datas of some traditional alternators and generators with slotless armature windings, determined at the same optimisation criterion, enable the comparison of their main reactances (synchronows reactances, armature reaction reactances, leakage reactances).