

Leszek S. CZARNECKI

MOC BIERNA I MOC DEFORMACJI WEDŁUG DEFINICJI BUDEANU I PRZYCZYNY  
BEZUŻYTECZNOŚCI TYCH WIELKOŚCI W ELEKTROTECHNICE

**Streszczenie.** Sformułowana przez Budeanu teoria mocy obwodów z przebiegami odkształconymi rozprzestrzeniła się w elektrotechnice, pomimo zastrzeżeń i prób znalezienia innych teorii, od niemal 60 lat. Zastrzeżenia dotyczyły głównie tego, że moc bierna nie jest w tej teorii zdefiniowana poprzez wartości chwilowe prądu i napięcia, lecz pośrednio za pomocą szeregów trygonometrycznych tych wielkości. Problem pomiaru tak zdefiniowanej mocy biernej został rozwiązany dopiero po niemal 50 latach, natomiast problem poprawy współczynnika mocy źródła w oparciu o teorię mocy Budeanu nie doczekał się rozwiązania. Główne wady teorii Budeanu nie zostały jednak ujawnione. Mianowicie, moc bierna i moc deformacji według tej teorii nie mają żadnych cech wiążących te moce ze zjawiskami fizycznymi odpowiedzialnymi za bezużyteczny wzrost wartości skutecznej prądu źródła. Dlatego nie dostarczają one żadnych informacji niezbędnych do projektowania kompensatorów. Moc deformacji nie dostarcza też żadnych informacji o deformacji przebiegów. Niedostrzeżenie tych wad dostatecznie wcześniej spowodowało na manowce badania nad właściwościami energetycznymi obwodów z przebiegami odkształconymi.

## 1. Wstęp

C.I. Budeanu uogólnił [1] w roku 1927 równanie mocy obwodu z przebiegami sinusoidalnymi tak, aby stosowało się ono do obwodów z przebiegami odkształconymi. Zdefiniował w tym celu moc bierną

$$Q_B \hat{=} \sum_{n=1}^{\infty} U_n I_n \sin \varphi_n \quad (1)$$

oraz wprowadził nową wielkość, zwaną mocą deformacji

$$D_B \hat{=} \sqrt{S^2 - P^2 - Q_B^2} \quad (2)$$

Moc bierną  $Q_B$  i moc deformacji  $D_B$  interpretuje się zwykle, co sugerują już ich nazwy, jako miary oddziaływania, osobno zwrotnego przepływu energii oraz deformacji przebiegów na moc pozorną źródła.

Pomimo zastrzeżeń S. Fryzego [2], dotyczących głównie definiowania mocy biernej poprzez harmoniczne prądu i napięcia, definicje Budeanu rozprzestrzeniły się w elektrotechnice. Również Shepherd i Zekikhani kwestionowali w 1972 r. fizyczną interpretację mocy biernej Budeanu, proponując [3] przyjęcie odmiennej definicji tej mocy.

Pomimo tych zastrzeżeń jeszcze w 1977 roku A.E. Emanuel stwierdził [6], że "model Budeanu jest powszechnie akceptowany". Model ten został wsparty pracami Z. Nowomiejskiego [7], który wyraził moc bierną za pomocą przekształcania Hilberta w dziedzinie czasowej, a także pracami H. Fishera [8], który nadał jej bardziej wyrefinowaną matematycznie postać.

Zdefiniowane przez Budeanu moce okazały się jednak niezmiernie trudne do mierzenia. Pomimo poważnych wysiłków [9-16], [18] upłynęło niemal 50 lat zanim zbudowano pierwsze mierniki tych mocy. Fiaskiem zakończyły się natomiast usiłowania rozwiązania, na podstawie teorii Budeanu, problemu poprawy współczynnika mocy źródeł o napięciu odkształconym. Być może, że właśnie niedostępność pomiarowa mocy biernej i mocy deformacji Budeanu odwróciła uwagę od zagadnień, które wydają się być podstawowe dla teorii mocy, mianowicie, jaki jest związek tych mocy ze zjawiskami fizycznymi determinującymi właściwości energetyczne obwodu, a także, czy wielkości te dostarczają informacji, które umożliwiają projektowanie kompensatorów poprawiających współczynnik mocy źródeł. Tymczasem okazuje się, jak to zostanie w niniejszym artykule pokazane, że ani moc bierna ani moc deformacji Budeanu nie pozostają w jednoznacznej relacji do zjawisk fizycznych determinujących właściwości energetyczne obwodu i w tym tkwi przyczyna ich bezużyteczności w zagadnieniach dotyczących poprawy współczynnika mocy. Co więcej, okazuje się, że moc deformacji nie ma związku z deformacją przebiegów.

Niestety, te podstawowe wady teorii Budeanu nie zostały dotąd w sposób wyraźny ujawnione.

Badania autora tego artykułu nad pomiarem mocy biernej Budeanu z użyciem obwodów ortonormalnych [15, 16], szerokopasmowych przesuwników fazy [12], czy poprzez modulację jednowętową [19] doprowadziły do konstrukcji pierwszych mierników mocy biernej i mocy deformacji [14]. W ten sposób autor, będąc przekonany o poprawności teorii Budeanu, przyczynił się do utrzymywania jej przy życiu. Dlatego czuje się on szczególnie zobowiązany do pokazania, że jest to błędna i bezużyteczna teoria mocy.

## 2. Moc bierna i moc deformacji Budeanu a energetyczne właściwości obwodu

Założmy, że okresowe napięcie źródła  $u$  o pulsacji  $\omega_1$  zawiera wyłącznie pojedynczą harmoniczną  $u_n$  o pulsacji  $n\omega_1$  i wartości skutecznej  $U_n$ , tj.:

$$u = u_n \hat{=} \sqrt{2} U_n \cos(n\omega_1 t + \alpha_n). \quad (3)$$

Jeśli na zaciski źródła włączony jest odbiornik liniowy o admitancji dla pulsacji  $n\omega_1$  równej  $Y_n = Y_n \exp\{-j\varphi_n\}$ , to prąd źródła jest równy

$$i = i_n = \sqrt{2} I_n \cos(n\omega_1 t + \alpha_n - \varphi_n), \quad I_n \hat{=} Y_n U_n. \quad (4)$$

Moc chwilowa źródła, tj. prędkość przepływu energii ze źródła do odbiornika może być rozłożona na dwa składniki:

$$p_n \hat{=} \frac{dw}{dt} = u_n i_n = P_n [1 + \cos 2(n\omega_1 t + \alpha_n)] + Q_n \sin 2(n\omega_1 t + \alpha_n), \quad (5)$$

gdzie:

$$P_n \hat{=} U_n I_n \cos \varphi_n, \quad (6)$$

$$Q_n \hat{=} U_n I_n \sin \varphi_n. \quad (7)$$

Rozkład ten uwypukla fizyczny sens mocy biernej  $Q$  w obwodach z przebiegami sinusoidalnymi. Jest to "uogólniona" w tym znaczeniu, że może być ujemna amplituda składowej przemiennej mocy chwilowej  $Q_n \sin 2(n\omega_1 t + \alpha_n)$ . Istnieje ona, gdy wskutek akumulacji energii w polach elektrycznych i magnetycznych odbiornika występuje zwrotny przepływ energii między źródłem i odbiornikiem.

Definiując moc bierną w obwodzie z odkształconym napięciem i prądem

$$u \hat{=} \sum_{n=1}^{\infty} u_n, \quad i \hat{=} \sum_{n=1}^{\infty} i_n \quad (8)$$

jako

$$Q_B \hat{=} \sum_{n=1}^{\infty} U_n I_n \sin \varphi_n = \sum_{n=1}^{\infty} Q_n \quad (9)$$

Budeanu dodał po prostu uogólnione amplitudy  $Q_n$  składowych przemiennych poszczególnych harmonicznych. Lecz każda z tych składowych ma inną częstotliwość i może się różnić kątem fazowym  $\alpha_n$ . Dlatego suma ta nie określa składowej przemiennej mocy chwilowej  $p = u \cdot i$ . Chociaż każdy wyraz  $Q_n$  sumy ma jednoznaczny sens fizyczny, ich suma  $Q_B$  traci ten sens całkowity. W szczególności suma ta może być równa zero przy niezerowych wartościach  $Q_n$ , tj. pomimo istnienia zwrotnego przepływu energii między źródłem a odbiornikiem. Moc bierna Budeanu nie może więc być interpretowana jako ilościowa miara wpływu zwrotnego przepływu energii

w obwodzie na moc pozorną źródła. Zwrotny przepływ energii, ujawniający się w niezerowych wartościach  $Q_n$ , w inny też sposób oddziałuje na wartość skuteczną prądu  $\|i\|$  źródła niż to sugeruje model Budeanu. Mianowicie, każda harmoniczna  $i_n$  prądu  $i$  może być rozłożona na ortogonalne składowe

$$i_{dn} \hat{=} \sqrt{2} I_n \cos \varphi_n \cos(n\omega_1 t + \alpha_n), \quad (10)$$

$$i_{rn} \hat{=} \sqrt{2} I_n \sin \varphi_n \sin(n\omega_1 t + \alpha_n), \quad (11)$$

których wartości skuteczne  $\|i_{dn}\|$ ,  $\|i_{rn}\|$  spełniają relację:

$$\|i_n\|^2 = \|i_{dn}\|^2 + \|i_{rn}\|^2 = \left(\frac{P_n}{U_n}\right)^2 + \left(\frac{Q_n}{U_n}\right)^2. \quad (12)$$

Ponieważ harmoniczne  $i_n$  są wzajemnie ortogonalne, zatem

$$\|i\|^2 = \sum_{n=1}^{\infty} \|i_n\|^2 = \sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{P_n}{U_n}\right)^2 + \sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{Q_n}{U_n}\right)^2. \quad (13)$$

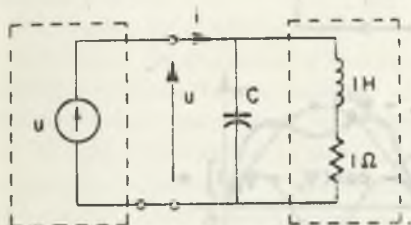
Wynika stąd, że w obecności zwrotnego przepływu energii wartość  $\sum (Q_n/U_n)^2$ , nie zaś  $\sum Q_n = Q_B$  jest miarą bezużytecznego wzrostu wartości skutecznej prądu źródła z powodu niezerowych wartości  $Q_n$ .

Dla określonych wartości  $P_n$  i  $U_n$  skuteczną wartość prądu ma minimum wtedy, gdy dla każdego  $n$ ,  $Q_n = 0$ , nie zaś wtedy, gdy ich suma  $Q_B = 0$ . Zerowanie się mocy biernej Budeanu jest tylko warunkiem koniecznym, lecz nie wystarczającym na to, aby wartość skuteczna prądu była minimalna. Ponieważ zwrotny przepływ energii w obwodzie może mieć miejsce, pomimo że  $Q_B = 0$ , zatem z równania mocy Budeanu

$$S^2 = P^2 + Q_B^2 + D_B^2 \quad (14)$$

wynika, że nie tylko moc bierna  $Q_B$ , lecz także moc deformacji  $D_B$  zależy od zwrotnego przepływu energii. Oznacza to, niestety, że to podstawowe zjawisko fizyczne determinujące właściwości energetyczne obwodu nie jest przyporządkowane w sposób wyłączny jednej z tych mocy. To jest właśnie przyczyną bezużyteczności mocy  $Q_B$  i  $D_B$  w zagadnieniach dotyczących poprawy współczynnika mocy źródeł z pomocą kompensatorów reaktancyjnych. Kompensator taki redukując, poprzez zmianę wartości  $Q_n$ , moc bierną  $Q_B$  oddziałuje na moc deformacji  $D_B$ .

**Przykład 1.** Napięcie źródła w obwodzie przedstawionym na rys. 1 ma pulsację  $\omega_1 = 1$  rad/s i trzy harmoniczne o numerach  $n = 1, 5, 7$ , przy czym  $U_1 = 100$  V zaś  $U_n = U_1/n$ .



Rys. 1. Przykład obwodu, w którym kompensacja mocy biernej Budeanu  $Q_B$  nie poprawia współczynnika mocy

Fig. 1. Example of a circuit where Budeanu's power  $Q_B$  compensation does not improve its power factor

Moc czynna  $P = 5019$  W. Wartości mocy  $S$ ,  $Q_B$ ,  $D_B$  oraz współczynnik mocy  $\lambda \hat{=} P/S$  źródła w obwodzie bez kondensatora zestawione są w kolumnie (1) tabeli 1.

Tabela 1

Wielkość	Jedn.	(1)	(2)
C	F	-	0,3802
S	VA	7296	7259
$Q_B$	VA	5105	0
$D_B$	VA	1407	5244
$\lambda$	-	0,688	0,691

Moc bierna  $Q_B$  może być całkowicie skompensowana kondensatorem o pojemności  $C = 0,3802$  F, (kolumna (2)), lecz nie zmienia to praktycznie współczynnika mocy.

Redukcji mocy biernej w powyższym przykładzie towarzyszy wzrost mocy deformacji. Niestety, teoria Budeanu nie dostarcza kryterium wyboru parametrów kompensatora minimalizującego jednocześnie obie moce. Poszukiwanie takiego kryterium, wyrażonego za pomocą pojęć tej teorii, wydaje się zupełnie niezasadnione, gdyż już z równania (13) wynika bezpośrednio kryterium minimalizacji wartości skutecznej prądu źródła.

Nazwa drugiej wielkości wprowadzonej przez Budeanu, mocy deformacji  $D_B$ , sugeruje jej związek z deformacją przebiegów. Rzeczywiście, jest ona równa zero w obwodach z przebiegami sinusoidalnymi, lecz jest także równa zero wtedy, gdy źródło odkształconego napięcia zasila odbiornik rezystancyjny, tj., gdy przebieg prądu nie jest zdeformowany względem napięcia. Oznacza to, że być może moc deformacji nie jest jakąś miarą samego stopnia odkształcenia przebiegów względem przebiegu sinusoidalnego, lecz ra-

czej odkształcenia prądu względem napięcia. Sprawdzimy tę hipotezę. Moc deformacji może być przedstawiona w postaci:

$$D_B \triangleq \sqrt{S^2 - P^2 - Q_B^2} = \sqrt{\frac{1}{2} \sum_{r=1}^{\infty} \sum_{s=1}^{\infty} A_{rs}} \quad (15)$$

gdzie:

$$\begin{aligned} A_{rs} &\triangleq U_r^2 I_s^2 + U_s^2 I_r^2 - 2U_r U_s I_r I_s \cos(\varphi_r - \varphi_s) = \\ &= (I_s U_r - U_s I_r)^2 + 2U_r U_s I_r I_s [1 - \cos(\varphi_r - \varphi_s)] = \\ &= U_r^2 U_s^2 (\underline{Y}_r - \underline{Y}_s)(\underline{Y}_r^* - \underline{Y}_s^*) \geq 0. \end{aligned} \quad (16)$$

Ponieważ wszystkie wyrazy  $A_{rs}$  są nieujemne, moc deformacji  $D_B$  jest równa zero wtedy i tylko wtedy, gdy dla każdego  $r, s \in \mathcal{N}$ ,  $A_{rs} = 0$ , tj. wtedy, gdy dla każdej harmonicznej napięcia

$$\underline{Y}_r = \underline{Y}_s. \quad (17)$$

Spełnienie tego warunku nie musi pociągać za sobą braku odkształceń prądu odbiornika względem napięcia. Wtedy, gdy warunek (17) jest spełniony przy  $\varphi_r = \varphi_s \neq 0$ , moc deformacji jest równa zero pomimo odkształcenia prądu względem napięcia. Ilustruje to przykład 2.

Przykład 2. Źródło o napięciu (rys. 2b)

$$u \triangleq \sqrt{2} U_1 \sin \omega_1 t + \sqrt{2} U_3 \sin 3\omega_1 t$$

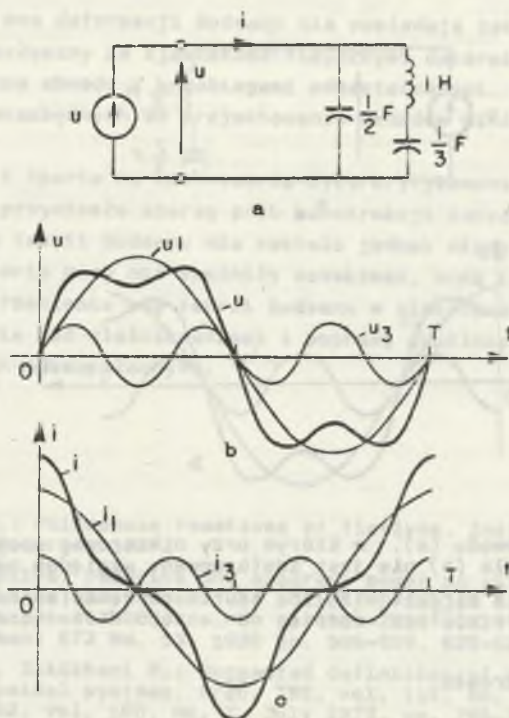
zasila odbiornik przedstawiony na rys. 2a, o admitancji dla pulsacji  $\omega_1 = 1$  rad/s oraz  $3\omega_1$ , równej

$$\underline{Y}_1 = \underline{Y}_3 = \underline{Y} = j \text{ 1 S.}$$

Warunek (17) jest spełniony, lecz prąd źródła

$$\begin{aligned} i &= \sqrt{2} Y U_1 \sin(\omega_1 t + \frac{\pi}{2}) + \sqrt{2} Y U_3 \sin(3\omega_1 t + \frac{\pi}{2}) = \\ &= Y(\sqrt{2} U_1 \cos \omega_1 t + \sqrt{2} U_3 \cos 3\omega_1 t) \end{aligned}$$

ma względem napięcia przebieg odkształcony (rys. 2c).



Rys. 2. Przykład obwodu (a), w którym przebieg prądu (c) jest zdeformowany względem napięcia (b), mimo że moc deformacji  $D_B$  jest równa zero

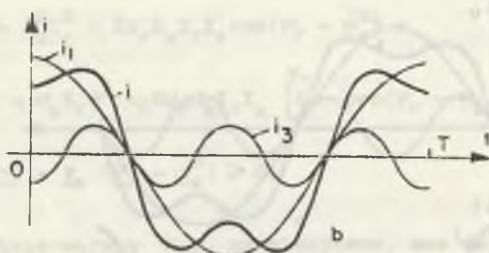
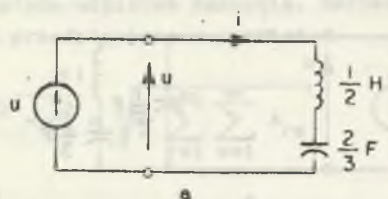
Fig. 2. Example of a circuit (a) with the current (c) deformed in relation to the source voltage (b), despite its distortion power  $D_B$  is equal to zero

Przeciwnie, przebieg prądu może być jedynie przesunięty względem napięcia, z zachowaniem kształtu, przy różnej od zera mocy deformacji. Ilustruje to przykład 3.

**Przykład 3.** Źródło o napięciu takim jak w przykładzie 2 zasila odbiornik przedstawiony na rys. 3a o admitancji:

$$Y_1 = j 1 \text{ S}; \quad Y_3 = -j 1 \text{ S}.$$

Ponieważ warunek (17) nie jest spełniony, źródło jest obciążone mocą deformacji  $D_B = 2YU_1U_3$ , gdzie  $Y = 1 \text{ S}$ .



Rys. 3. Przykład obwodu (a), w którym przy niezerowej mocy deformacji  $D_B$  prąd źródła (b) nie jest zdeformowany względem napięcia

Fig. 3. Example of a circuit with the source current (b) not distorted in relation to its voltage, despite non - zero distortion power  $D_B$

Przebieg prądu źródła

$$\begin{aligned}
 i &= \sqrt{2} Y_1 U_1 \sin(\omega_1 t + \frac{\pi}{2}) + \sqrt{2} Y_3 U_3 \sin(3\omega_1 t - \frac{\pi}{2}) = \\
 &= Y \left[ \sqrt{2} U_1 \sin \omega_1 \left( t + \frac{T}{4} \right) + \sqrt{2} U_3 \sin 3\omega_1 \left( t + \frac{T}{4} \right) \right] = \\
 &= Yu \left( t + \frac{T}{4} \right)
 \end{aligned}$$

jest więc tylko przesunięty względem napięcia, nie zaś zdeformowany (rys. 3b).

Tak więc moc deformacji nie dostarcza żadnych informacji ani o stopniu deformacji przebiegu napięcia względem przebiegu sinusoidalnego ani o wzajemnej deformacji prądu i napięcia. W rzeczywistości wielkość ta pojawiła się w elektrotechnice w ten sposób, że po niewłaściwym zdefiniowaniu przez Budeanu mocy biernej między kwadratem mocy pozornej  $S^2$  a sumą kwadratów mocy czynnej i biernej  $P^2 + Q_B^2$  pojawiła się luka, którą trzeba było czymś wypełnić. Wypełniono ją właśnie  $D_B^2$ , nadając tej różnicy nazwę "mocy deformacji".



### 3. Wnioski

Moc bierna i moc deformacji Budeanu nie posiadają cech wiążących te moce w sposób rozłączny ze zjawiskami fizycznymi determinującymi właściwości energetyczne obwodu z przebiegami odkształconymi. Nie dostarczają też informacji niezbędnych do projektowania układów minimalizujących moc pozorną źródeł.

Wielkości te i oparta na nich teoria były krytykowane i przyjmowane sceptycznie, co przyniosło szereg prób konstrukcji innych teorii mocy. Dogłębna analiza teorii Budeanu nie została jednak nigdy przeprowadzona. Ponieważ inne teorie mocy nie spełniły oczekiwań, brak tej analizy pozwolił na rozprzestrzenienie się teorii Budeanu w elektrotechnice, prowadząc na manowce badania nad właściwościami i poprawą współczynnika mocy obwodów o przebiegach odkształconych.

### LITERATURA

- [1] Budeanu C.I.: Puissancees reactivies et fictives, Instytut Român de l'Energie, Bucarest 1927.
- [2] Fryze S.: Active, reactive and apparent power in circuits with nonsinusoidal voltage and current, in polish: Przegląd Elektrotechniczny, 1931, no. 7, pp. 193-203, no. 8, pp. 225-234, 1932, no. 22, pp. 673-676, in german: ETZ Bd. 53, 1932 pp. 596-599, 625-627, 700-702.
- [3] Shepherd W., Zakikhani P.: Suggested definition of reactive power for nonsinusoidal systems, Proc. IEE, vol. 119, No. 9, Sept. 1972, pp. 1361-1362, Vol. 120, No. 7, July 1973, pp. 796-798, Vol. 121, No. 5, May 1974, pp. 389-391.
- [4] D. Sharon: Reactive power definition and power - factor improvement in nonlinear systems, Proc. IEE, Vol. 120, No. 6, July 1973, pp. 704-706.
- [5] Emanuel A.E.: Suggested definition of reactive power in nonsinusoidal systems, Proc. IEE, Vol. 121, No. 7, July 1974.
- [6] Emanuel A.E.: Energetical factors in power systems with nonlinear loads, Archiv für Elektrotechnik, 59, 1977, pp. 183-189.
- [7] Nowomiejski Z.: Generalized theory of electrical power, Archiv für Elektrotechnik, 63, 1981, pp. 177-182.
- [8] Fisher H.D.: Bemerkungen zu Leistungsbegriffen bei Strommen und Spannungen mit Oberschwingungen, Archiv für Elektrotechnik, 64, 1982, pp. 289-295.
- [9] Antoniu S.I. i inni: P, Q, D-mètre appareil pour la mesure des puissancees et énergies actives, réactives et déformantes dans in régime énergétique déformant, Congrés MESUCORA, Paris 1973.
- [10] Sawicki J.: The measurement of reactive power  $\sum UI \sin Q$ , Acto IMEKO, Budapest 1977.
- [11] Lopez R.A. i inni: Reactive power meter for nonsinusoidal systems, IEEE Trans. Instr. Meas., Vol. IM-26, no. 3, pp. 256-260, 1977.
- [12] Czarnecki L.S.: Measurement principle of a reactive power meter for nonsinusoidal systems, IEEE Trans. Instr. Meas., Vol. IM-30, No. 3, pp.209-212, 1981.

- [13] Czarnecki L.S.: One - ports which realize Hilbert transformation and their application in reactive power meters, (in polish), *Archiwum Elektrotechniki*, z. 3/4, pp. 415-425, 1984.
- [14] Filipiński P.: Measurement of distortion current and distortion power, *IEEE Trans. on Instr. Meas.*, Vol. IM-33, No. 1, pp. 36-40, 1984.
- [15] Czarnecki L.S.: 1-ports with orthonormal properties, *Int. Journ. on Circuit Theory and Appl.*, Vol. 6, pp. 65-73, 1978.
- [16] Czarnecki L.S.: Orthonormal 2-port syntheses, *Proc. European Conf. on Circuit Theory and Design*, Lausanne 1979.
- [17] Czarnecki L.S.: Considerations on the reactive power in nonsinusoidal situations. *IEEE Trans. on Instr. Meas.*, Vol. IM-34, No. 3, Sept. 1985.
- [18] Sawicki J.: Meßmethoden zur Bestimmung der Blindleistung nach Budeanu bei verzerrten Strom - und Spannungskurven, *Archiv für Elektrotechnik*, 69, 1986, pp. 227-238.
- [19] Czarnecki L.S.: Metoda pomiaru mocy biernej obwodów o przebiegach odkształconych, wykorzystująca modulację jednowstęgową. *ZN Pol. Śl. Elektryka*, Nr 88, 1984.

Recenzent: prof. dr inż. Stanisław Bolkowski

Wpłynęło do redakcji 15 maja 1987 r.

#### РЕАКТИВНАЯ И ДЕФОРМАЦИОННАЯ МОЩНОСТИ ПО ОПРЕДЕЛЕНИЮ БУДЕАНА И ПРИЧИНЫ НЕПРИГОДНОСТИ ЭТИХ ВЕЛИЧИН В ЭЛЕКТРОТЕХНИКЕ

#### Р е з ю м е

Сформулированная Будеаном теория мощности электрических цепей с деформациями, распространилась в электротехнике, несмотря на оговорки и почти 60-летние поиски новых теорий. Оговорки относятся в основном к тому, что в этой теории реактивная мощность не определена мгновенными значениями тока и напряжения, а определяется с помощью тригонометрических рядов этих величин. Проблема измерения таким образом определённой реактивной мощности была решена спустя почти 50 лет, а проблема поправки коэффициента мощности источника на основе теории мощности Будеана не дождалась решения. Главные недостатки этой теории не были, однако, выявлены. А именно, в этой теории реактивная и деформационная мощности не имеют никаких черт, связывающих эти мощности с физическими явлениями, влияющими на бесполезный рост действующих значений тока источника. Поэтому, они не поставляют никаких информаций необходимых для проектирования компенсаторов. Деформационная мощность никаким образом не информирует о деформации протекания в электрической цепи. Невыявление этих недостатков направило по неверному пути исследования энергетических свойств электрических цепей с деформациями.

REACTIVE AND DISTORTION POWERS ACCORDING TO  
BUDEANU'S DEFINITION AND THEIR USELESSNESS IN  
ELECTRICAL ENGINEERING

S u m m a r y

Power theory of circuits with non-sinusoidal wave forms formulated by Budeanu has widened in electrical engineering for almost 60 years, despite some objections and attempts of finding other theories.

The objections have mainly concerned the fact that in this theory the reactive power is not defined by actual values of current and voltage but indirectly, by means of trigonometric series of these quantities.

The problem of measurement of such defined reactive power has been solved after almost 50 years, while the problem of the source power factor improvement on the basis of the Budeanu's power theory has not reached the solution.

The main disadvantages of the Budeanu's theory have not been revealed however. Namely, the reactive power and distortion power have no features linking these powers with physical phenomena responsible for useless increase of the rms value of the source current. Because of this they do not provide us with any information indispensable to design compensators. The distortion power do not provide any information on the wave forms distortion either.

Failing to notice these disadvantages early enough, has led the research on energetistic properties of the circuits with non-sinusoidal wave forms astray.

$$\begin{bmatrix} i_1 \\ i_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A_{11} & A_{12} \\ A_{21} & A_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A_1 \\ A_2 \end{bmatrix} \quad (14)$$

$$\det A = \det \begin{bmatrix} A_{11} & A_{12} \\ A_{21} & A_{22} \end{bmatrix} = A_{11}A_{22} - A_{12}A_{21} \neq 0 \quad (15)$$

- 1 - wektor napięć i prądów rzeczywistych w układzie,
- 2 - macierz wektor transferu,
- 3 - macierz hybrydowa powiązań w (rys. 1),
- 4 - wektor charakterystyczny rozprężenia w układzie.