

Andrzej Buchacz, Maciej Pasek, Józef Wojnarowski

Instytut Mechaniki i Podstaw Konstrukcji Maszyn
Politechnika Śląska

MODELOWANIE SYSTEMÓW OGNIW MANIPULATORÓW ROBOTÓW JAKO DRGAJĄCYCH UKŁADÓW CIĄGLYCH METODĄ HIPERGRAFÓW

Streszczenie. Przedstawiony sposób modelowania drgających wzdluzno-gietnie ogniw i systemów ogniw manipulatorów robotów za pomocą obciążonych hipergrafów umożliwia wyznaczenie ich charakterystyk dynamicznych jako funkcji podatności dynamicznych pojedynczych ogniw drgających wzdluznie lub gietnie. Do algebraizacji procesu modelowania zastosowano liczby strukturalne oraz funkcje określone na pierścieniu tych liczb.

1. WSTĘP

Współczesny etap rozwoju środków technicznych zmusza projektanta do stosowania takich metod analizy dynamicznej, które umożliwiają szczegółowe rozpoznanie projektowanego bądź działającego układu mechanicznego. Pełny zbiór charakterystyk dynamicznych¹⁾ rozważanych lub badanych układów mechanicznych staje się niezbędnym zbiorem danych wyjściowych. Zastosowanie metod analizy wynikających z algebry grafów i liczb strukturalnych umożliwia rozwiązanie sformułowanych zadań z wykorzystaniem ETO, upraszczając etap przygotowania zbiorów danych cyfrowych, oraz upraszczając i skracając czas obliczeń. W pracy podjęto próbę modelowania podzespołów ruchomych manipulatora IRb-6 lub IRb-60 jako drgających wzdluzno-gietnie²⁾ układów mechanicznych o parametrach rozłożonych w sposób ciągły.

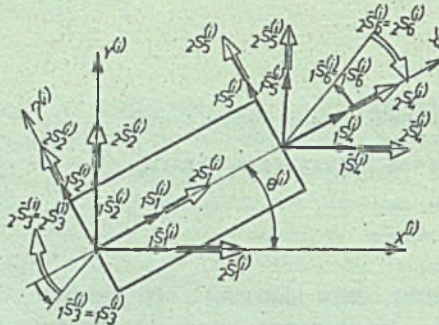
2. MODEL OGNIWA

W pracy rozważono drgania wzdluzno-gietne ogniw zachodzące w płaszczyźnie pionowej. Uogólnione przemieszczenia i siły działające na

¹⁾ Mogą to być sztywności lub podatności dynamiczne, równanie charakterystyczne, współczynniki przekazywania zmiennych [1].

²⁾ Analizę układów drgających wzdluznie lub gietnie z zastosowaniem liczb strukturalnych przedstawiono w pracy [2],[4].

pojedyncze ogniwo "i" w lokalnym i globalnym układzie współrzędnych pokazano na rys.1.



$(0, X^{(1)}, Y^{(1)})$ - globalny, inercjalny układ współrzędnych
 $(0, \xi^{(1)}, \eta^{(1)})$ - lokalny, inercjalny układ współrzędnych

${}_1S_1^{(i)}, \dots, {}_1S_6^{(i)}$ - uogólnione przemieszczenia w lokalnym układzie współrzędnych

${}_2S_1^{(i)}, \dots, {}_2S_6^{(i)}$ - uogólnione siły w lokalnym układzie współrzędnych

${}_1\hat{S}_1^{(i)}, \dots, {}_1\hat{S}_6^{(i)}$ - uogólnione przemieszczenia w globalnym układzie współrzędnych

${}_2\hat{S}_1^{(i)}, \dots, {}_2\hat{S}_6^{(i)}$ - uogólnione siły w globalnym układzie współrzędnych

Rys. 1. Uogólnione siły i przemieszczenia działające na ogniwo
 Fig. 1 Generalized forces and displacements affecting the link

Związki pomiędzy uogólnionymi siłami a przemieszczeniami w lokalnym układzie współrzędnych zapisano w postaci (1), w globalnym układzie współrzędnych w formie (2).

$$\begin{bmatrix} {}_1S_1 \\ {}_1S_2 \\ {}_1S_3 \\ {}_1S_4 \\ {}_1S_5 \\ {}_1S_6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Y_{11} & 0 & 0 & Y_{14} & 0 & 0 \\ 0 & Y_{22} & Y_{23} & 0 & Y_{25} & Y_{26} \\ 0 & Y_{32} & Y_{33} & 0 & Y_{35} & Y_{36} \\ Y_{41} & 0 & 0 & Y_{44} & 0 & 0 \\ 0 & Y_{52} & Y_{53} & 0 & Y_{55} & Y_{56} \\ 0 & Y_{62} & Y_{63} & 0 & Y_{66} & Y_{66} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} {}_2S_1 \\ {}_2S_2 \\ {}_2S_3 \\ {}_2S_4 \\ {}_2S_5 \\ {}_2S_6 \end{bmatrix} \quad (1),$$

$$\begin{bmatrix} {}_1\hat{S}_1 \\ {}_1\hat{S}_2 \\ {}_1\hat{S}_3 \\ {}_1\hat{S}_4 \\ {}_1\hat{S}_5 \\ {}_1\hat{S}_6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Y_u & Y_v & Y_o & Y_z & Y_j & Y_r \\ Y_x & Y_a & Y_b & Y_l & Y_h & Y_k \\ Y_o & Y_b & Y_c & Y_t & Y_l & Y_g \\ Y_z & Y_l & Y_t & Y_u & Y_m & Y_p \\ Y_j & Y_h & Y_l & Y_m & Y_o & Y_d \\ Y_r & Y_k & Y_g & Y_p & Y_d & Y_f \end{bmatrix} \begin{bmatrix} {}_2\hat{S}_1 \\ {}_2\hat{S}_2 \\ {}_2\hat{S}_3 \\ {}_2\hat{S}_4 \\ {}_2\hat{S}_5 \\ {}_2\hat{S}_6 \end{bmatrix} \quad (2),$$

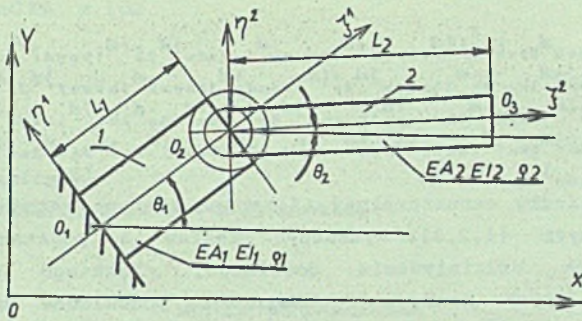
gdzie: $Y_{22}, \dots, Y_{33}, \dots, Y_{44}$ - znane podatności drgającej belki,

$Y_{11}, Y_{44}, Y_{41}, Y_{14}$ - znane, stabelaryzowane podatności drgającego pręta.

Podatności ogniw w globalnym układzie współrzędnych Y_u, \dots, Y_r , opisane układem równań (2), można wyrazić poprzez podatności ogniwa w lokalnym układzie współrzędnych oraz funkcje trygonometryczne kąta θ , wynikające z transformacji układu współrzędnych.

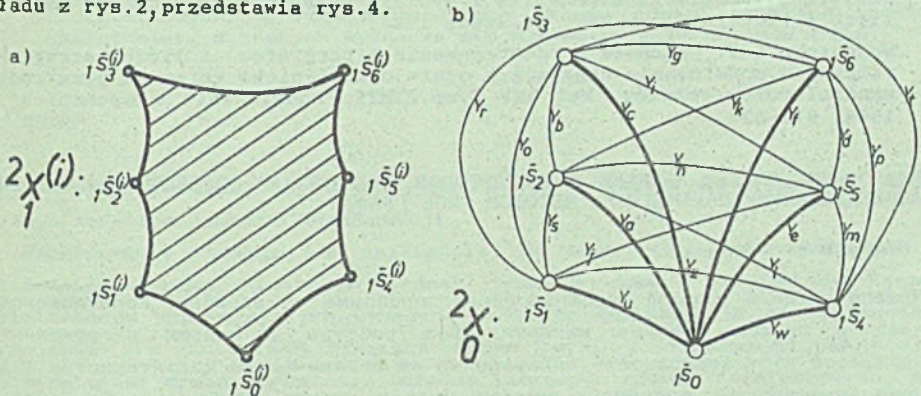
3. MODEL MANIPULATORA

Jako model manipulatora przyjęto dwuczłonowy, jednostronnie utwierdzony układ o parametrach rozłożonych w sposób ciągły, drgający wzdłużno-giętnie w płaszczyźnie pionowej, o zmiennej konfiguracji opisanej kątami θ_1 i θ_2 (rys.2).

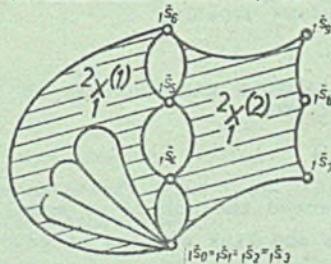


Rys.2 Model dwuczłonowego manipulatora
Fig.2 Model of a two-link manipulator

Do modelowania drgań wzdłużno-giętnych ogniwa przyjęto obciążony hipergraf siedmiowierzchołkowy, któremu przyporządkowano uogólnione współrzędne mierzone w globalnym układzie odniesienia (rys.3a). Graf zupełny, którego krawędziom przyporządkowano podatności dynamiczne obliczone w globalnym układzie odniesienia pokazano na rys.3b. Hipergraf układu z rys.2, przedstawia rys.4.



Rys.3 Hipergraf modelowanego ogniwa (a) i jego graf zupełny (b)
Fig. 3 Hypergraph of modelled link (a) and its complete graph (b)



Rys.4 Hipergraf dwuczłonowego układu utwierdzonego
Fig.4 Hypergraph of a two-link restrained system

4. PODATNOŚĆ UKŁADU DWUCZŁONOWEGO DRGAJĄCEGO WZDŁUŻNO-GIĘTNIKIE

Liczba strukturalna n_{u12} hipergrafu z rys.4 ma postać:

$$\begin{aligned}
 & u_{12} = 1baudnw \cdot 2 + 1bsu \cdot 2bsu \cdot 2 \cdot \left((1bsuuf + 1baumu \cdot 1abcdw) \cdot 2b + (1baudf + 1baufw \cdot \right. \\
 & - 1baumf) \cdot 2c + (1baudf + 1baudm \cdot 1baudw) \cdot 2u + (1baudm + 1baumw \cdot 1baumf) \cdot 2c + (1bsuw + \\
 & + 1bauds \cdot 1baupe) \cdot 2c + (1baudp + 1bsuwp \cdot 1baupe) \cdot 2a + (2cu + 2au \cdot 2bu) \cdot 1baud + (2bc + 2uc \cdot \\
 & - 2ca) \cdot 1bsu + (2cb + 2b \cdot 2bu) \cdot 1bsuw + (2b + 2su \cdot 2ca) \cdot 1bauf + (2ua + 2ab \cdot 2oa) \cdot 1bsup + \\
 & + (2bc + 2uc \cdot 2ca) \cdot 1baue \quad (3).
 \end{aligned}$$

Korzystając z liczby strukturalnej (3) można znanymi metodami grafów i liczb strukturalnych [1,2,3] wyznaczyć zestaw 3 podatności układu drgającego wskutek oddziaływania dowolnego, płaskiego układu sił wymuszających, będących funkcjami podatności podukładów w globalnym układzie odniesienia o różnych warunkach brzegowych.

LITERATURA

- [1] Wojnarowski J.: Zastosowanie grafów w analizie drgań układów mechanicznych. PWN, Warszawa-Wrocław 1981.
- [2] Wojnarowski J., Buchacz A.: Modelowanie drgających układów prętowych za pomocą grafów i liczb strukturalnych. AIL, 4, XXV (1979), 505-727.
- [3] Bellert S., Woźniacki R.: Analiza i synteza układów elektrycznych metodą liczb strukturalnych. WNT, Warszawa 1968.
- [4] Wojnarowski J., Buchacz A.: Zastosowanie hipergrafów i liczb strukturalnych w modelowaniu drgających ogniw o nieliniowo zmiennym przekroju manipulatorów robotów. Mat XXV Symp. PTMTS "Modelowanie w mechanice", 1988, 615-620.

МОДЕЛИРОВАНИЕ СИСТЕМ ЗВЕНЬЕВ МАНИПУЛЯТОРОВ РОБОТОВ КАК КОЛЕБЛЮЩИХСЯ СИСТЕМ С РАСПРЕДЕЛЕННЫМИ ПАРАМЕТРАМИ МЕТОДОМ ГИПЕРГРАФОВ

Р е з ю м е

Представленный способ моделирования продольно - изгибно колеблющихся звеньев и систем звеньев манипуляторов роботов с помощью нагруженных гиперграфов дает возможность определения их динамических характеристик как функции динамических единичных звеньев продольно или изгибно колеблющихся. Для алгебраизации моделирования использовано структурные числа и функции определенные на кольцу структурных чисел.

MODELLING OF LINK SYSTEMS OF ROBOTS MANIPULATORS AS VIBRATING CONTINUOUS SYSTEMS WITH THE HYPERGRAPHS METHOD

S u m m a r y

In the paper has been presented the method of modelling of lengthwisely and flexurally vibrating links and link systems of robot manipulators, with the aid of loaded hypergraphs. The method makes it possible to get dynamic characteristics as a function of dynamic flexibility for a single, lengthwisely or flexurally vibrating link. The structural numbers and function defined on structural numbers ring have been used to algebraise the process of modelling.