Seria: MECHANIKA z.122

Nr kol. 1267

Anatoliusz JAKOWLUK Katedra Mechaniki Stosowanej Politechnika Białostocka

# ISTOTNOŚĆ ODKSZTAŁCEŃ MIKROPOLARNYCH PEŁZANIA MATERIAŁÓW PRZY OBCIĄŻENIACH STATYCZNYCH I DYNAMICZNYCH

<u>Streszczenię</u>. Na pełzanie badano odkształcenia klasyczne  $\varepsilon_{ij}$  i mikropolarne l<sub>ij</sub> lignostonu i stopów metali na próbkach rurkowych przy rozciąganiu lub skręcaniu. Dla lignostonu otrzymano 2 l<sub>12</sub>/ $\varepsilon_{11} = 0,2$ , natomiast stosunek l<sub>11</sub>/2  $\varepsilon_{12}$  był o dwa rzędy mniejszy. Dla metali odkształcenia mikropolarne 2 l<sub>12</sub> i l<sub>11</sub> były około dwóch rzędów mniejsze w stosunku do  $\varepsilon_{11}$ , 2  $\varepsilon_{12}$ , natomiast stosunki ich prędkości . 1 <sub>ij</sub>/ $\varepsilon_{ij}$  w funkcji naprężenia były malejące. Dla pełzania dynamicznego stosunki 2 l<sub>12</sub>/ $\varepsilon_{11}$  w funkcji naprężenia  $\sigma_{11}^{m}$  były rosnące. Jest to efekt działania fal mikropolarnych na strukturę stopu.

# SIGNIFICANCE OF CREEP MICROPOLAR STRAINS IN MATERIALS FOR STATIC AND DYNAMIC LOADINGS

Summary. Recent research on creep of classical strains  $\varepsilon_{ij}$  and micropolar strains  $l_{ij}$  of lignostone and metal alloys on tubular specimens for tension or torsion was carried out. For lignostone received  $2l_{12}/\varepsilon_{11} \approx 0.2$ , whereas  $l_{11}/2 \varepsilon_{12}$  was smaller of two rank. For metals the micropolar strains  $2 l_{12}$  and  $l_{11}$  were smaller approximately of two rank in ratio to  $\varepsilon_{11}$ ,  $2\varepsilon_{12}$  whereas ratios their velocities of  $1 l_{ij}/\varepsilon_{ij}$  in function of stress were decreased. For dynamic creep ratios of  $2 l_{12}/\varepsilon_{11}$  in function mean stress  $\sigma_{11}^{m}$  were increased. This is effect of the micropolar waves action on structure of metal alloy.

# ЗИАЧЕНИЕ МИКРОПОЛЯРНЫХ ДЕФОРМАЦИИ ПОЛЗУЧЕСТИ В МАТЕРИАЛАХ ПРИ СТАТИЧЕСКИХ И ДИНАМИЧЕСКИХ НАГРУЗКАХ

<u>Резюме</u>. Исследованы деформации классические  $\mathcal{E}_{i1}$  и микрополярное  $1_{i1}$  ползучести лигиостона и сплавов металлов. На растряжение либо кручение трубчатых образцов. Для лигностона получено  $21_{12}/\mathcal{E}_{11} \sim 0.2$ , тогда как  $1_{11}/2$   $\mathcal{E}_{12}$  на два порядка меньше. Для металлов микрополярные деформации  $21_{12}$  или  $1_{11}$  были приблизительно на два порядка меньше по стношения с  $\mathcal{E}_{12}$ , погда как их отношения скоростей  $1_{ij}/\mathcal{E}_{11}$  в функции напряжения были уменьшающимися. Для линамической ползучести отношения 2 1  $_{12}/\mathcal{E}_{11}$  в функции  $\mathcal{E}_{12}$  были возрастающими. Это еффект действия микрополярных волн на

## 1. WSTĘP

A.C. Eringen [1] w 1962 r. podał ogólną nieliniową teorię ośrodków ciągłych, a w 1966 r. uproszczony model mikropolarnych materiałów sprężystych [2]. Model ten stanowią klasyczne materiały z dodatkowymi niezależnymi stopniami swobody, wynikającymi z lokalnych obrotów sztywnej cząsteczki - mikroelementu. Do takich zalicza Eringen materiały z włóknistymi i wydłużonymi ziarnami. Materiały takie reagują na bezwładność i momenty powierzchniowe i objętościowe. To wywołuje nowe efekty statyczne i dynamiczne w postaci np. naprężeń momentowych i nowych rodzajów fal. Jednakże odkształcenia mikropolarne występują nie tylko w materiałach włóknistych w zakresie sprężystym, ale również w procesach pełzania i pełzania dynamicznego metali i ich stopów, zwłaszcza w podwyższonych temperaturach.

Należy podkreślić, że W. Nowacki [3] już w roku 1963 opublikował pracę o propagacji fal rotacyjnych w ośrodku nazywanym asymetryczno-sprężystym, zaś w 1970 r. ukazała się jego książka o niesymetrycznej sprężystości [4].

Celem niniejszej pracy jest wykazanie, dla jakich klas materiałów i w jakich warunkach obciążeń znajomość wartości odkształceń mikropolarnych jest istotna.

# 2. WYNIKI BADAŃ PEŁZANIA MIKROPOLARNEGO

# 2.1. Wyniki badań statycznego pełzania mikropolarnego

Wszystkie próby pełzania mikropolarnego, statycznego i dynamicznego zostały wykonane na cienkościennych próbkach rurkowych, które zapewniły jednorodny stan naprężeń oraz możliwość uzyskiwania, przy rozciaganiu próbki, oprócz odkształceń klasycznych  $\varepsilon l1$ , również mikropolarnych 2  $l_{12}$ . W próbach statycznych dokonano również prób skręcania, mierząc  $2\varepsilon_{12}$  i  $l_{11}$ .

2.1.1. Wyniki badań pełzania mikropolarnego lignostonu

Wyniki badań rozciągania próbki, o wymiarach  $d_2=19,2$ ;  $d_w=16,0$ ;  $l_0=70$  mm, oś próbki wzdłuż włókien wg badań M. Czecha [5] przedstawiono na rys. 1. oraz skręcania-na rys.2.



Rys. 1. Krzywe izochroniczne pełzania przy rozciąganiu: a) dla  $\varepsilon_{11}$ , b) dla 21,2

Fig. 1. Isochronaus creep curves on tension: a) for  $\varepsilon_{11}$ , b) for  $2l_{12}$ 



Rys. 2. Krzywe izochroniczne pełzania przy skręcaniu a) dla  $\varepsilon_{12}$ , b) dla  $l_{11}$ 

Fig. 2. Isochronaus creep curves on torsion: a) for  $\varepsilon_{12}$ , b) for  $l_{11}$ 

2.1.2. Wyniki badań pełzania mikropolarnego stopów metali

a. Stop AlgSi, T = 293 K; próbki rurkowe:  $d_z = 17$ ,  $d_w = 14$ ,  $l_0 = 70$  mm; wyniki wg badań W. Jermolaja [5] przedstawiono na rys. 3-5.



Rys. 3. Krzywe pełzania przy rozciąganiu: a) dla  $\varepsilon_{11}$ , b) dla  $2l_{12}$ Fig. 3. Curves of creep on tension: a) for  $\varepsilon_{11}$ , b) for  $2l_{12}$ 



Fig. 5. Zmienność stosunków prędkości 2 l  $_{12}$ /  $\varepsilon$   $_{11}$  pełzania ustalonego w funkcji naprężenia  $\sigma_{11}$ 

Fig. 5. Mutability of velocity ratios 2 1  $_{12}$ /  $\dot{e}$   $_{11}$  of secondary creep as function of stress  $\sigma_{11}$ 

b. Stal OH2M, T = 733K; wg badań M. Plewy [5] wyniki zmienności stosunków prędkości l<sub>ii</sub>/ $\dot{\epsilon}_{ii}$  w funkcji naprężeń  $\sigma_{ii}$  przedstawiono na rys. 6.



Rys. 6. Zmienność stosunku prędkości pełzania ustalonego  $I_{ij}/\varepsilon_{ij}$  w funkcji naprężeń  $\sigma_{ij}$ :

a) rozciaganie, b) skręcanie, c) ciśnienie wewnętrzne z rozciaganiem

Fig. 6. Mutability of velocity ratios  $1 \neq e_{\pm}$ a) tension, b) torsion, c) inside pressure with tension

#### 2.2. Wyniki badań pelzania dynamicznego

2.2.1. Wyniki badań pełzania dynamicznego i zmęczenia

Badania są przykładowo ilustrowane dla stali stopowej 15HM w temperaturze 823K, dla współczynnika amplitudy naprężenia  $A_{\sigma} = \sigma_{a}/\sigma_{m} = 0,25$  wykonanych na próbkach o wymiarach jak w p. 2.1.2. Krzywe pełzania klasycznego  $\varepsilon_{11}$  i mikropolarnego  $2I_{12}$  przedstawiono na rys. 7 [6]. Stosunek prędkości 2 I  $_{12}/\varepsilon_{11}$  pełzania ustalonego przedstawiono na rys. 8 w funkcji naprężenia średniego  $\sigma_{11}^{m}$ . Funkcja jest rosnąca.





Rys.8. Zmienność stosunku predkości 2 l $_{12}$ /  $e_{11}$  pełzania ustalonego w funkcji napreżenia średniego  $\sigma_{11}^{m}$ 

Fig.8. Mutability of velocity ratios 2 1  $_{12}$ / $\dot{\epsilon}$   $_{11}$  of secondary creep as function of mean stress  $\sigma_{11}^{m}$ 

- Rys. 7. Krzywe pełzania dynamicznego:
  a) dla ε<sub>11</sub>, b) dla 2l<sub>12</sub>
  Fig. 7. Curves of dynamic creep:
  - a) for  $\varepsilon_{11}$ , b) for  $2l_{12}$

Badania powyższe celowo jest uzupelnić zmęczeniowymi wykresami symetrycznymi Haigha, przedstawionymi na rys. 9 [6].



Rys. 9. Wykresy Haigha dla ograniczonej wytrzymałości zmęczeniowej: a) dla stopu AlMgSi, b) dla stali 15HM

Fig. 9. Haigh's diagrams of limited fatigue strenght: a) for AlMgSi alloy, b) for 15HM steed

- 2.2.2. Wnioski z badań dynamicznego pełzania mikropolarnego i zmęczenia
- Mikropolarne odkształcenia pełzania dynamicznego 2 l<sub>12</sub> stali 15HM w stosunku ε<sub>11</sub> są mniejsze około 1,5 rzędu, a dla stopu AlMgS nawet około jednego rzędu (przy pełzaniu

około dwóch rzędów).

- 2) Stosunki prędkości 2 l  $_{12}$ /  $\varepsilon_{11}$  w funkcji  $\sigma_{11}^{m}$  są rosnące, tj. odwrotnie niż przy pełzaniu statycznym.
- Wykresy Haigha dla stopów AlMgSi i 15HM są diametralnie różne, tj. w pierwszym przypadku widoczne jest osłabienie materiału, w drugim zaś - umocnienie.

Te przeciwstawne efekty można jakościowo interpretować za pomocą fal mikropolarnych [7]: a) dla czystych metali i prostych stopów działania fal mikropolarnych wywołuje wzrost prędkości pełzania i skrócenie żywotności (rys. 9a); b) dla stali stopowych w wysokich temperaturach fale mikropolarne powodują między innymi transport materii i w wyniku dyspersyjne umocnienie, a to prowadzi do zmniejszenia prędkości pełzania i wzrostu żywotności (rys. 9b). Rodzaj fal mikropolarnych ilustruje rys. 10. Fale te są generowane przez impulsy obciążenia cyklicznie zmiennego. Oprócz tego występują jeszcze fale odbite.



Rys.10.Przemieszczenia i mikrorotacje fal M:  $\overline{n_1}$  - kierunek propagacji fal, 1 - fala płaska u , 2 - fala płaska rotacji wzdłużnej  $\varphi_1$ , 3 - fala poprzeczna U i fala poprzeczna mikrorotacji  $\Phi$ 

Fig.10.Displacement and microrotation of waves M:  $n_1$  - direction of wave propagation,  $1_{\underline{-}}$  plane wave  $u_1$ , 2 - plane mmikropolar wave  $\varphi_1$ , 3 - transverse wave  $U_1$ ,  $\overline{\Phi}$  - transverse micropolar wave

### LITERATURA

- [1] Eringen A.C.: Nonlinear theory of continuous media. Mc Graw-Hill, New York 1962.
- [2] Eringen A.C.: Theory of micropolar elasticity In "Fracture, Vol. 2. Mathematical fundamentals" (Liebowitz H., ed), Acedemic Press, New York and London 1968.
- [3] Nowacki W.: Propagation of rotation waves in assymetric elasticity. Bull. Acad. Polon. Sci. Ser. Sci. Tech, 10, 16 (1963), p. 813.
- [4] Nowacki W.: Teoria niesymetrycznej sprężystości, Wyd. PAN im. Ossolińskich, Wrocław - Warszawa - Kraków 1970.
- [5] Jakowluk A., Czech M., Jermołaj W., Plewa M.: Udział odkształceń mikropolarnych w pełzaniu całkowitym różnych klas materiałów. III Symp. Zagad. Pełzania, Białystok 1989, s. 157-164.
- [6] Jermołaj W.: Wpływ prędkości odkształceń mikropolarnych do klasycznych na wytrzymałość zmęczeniową stopów metali. Zesz. N. Pol. Świętok., Mech. 50, 1993, s. 215-222.
- [7] Jakowluk A.: Procesy pełzania i zmęczenia w materiałach, WNT, Warszawa 1993.

Recenzent: prof.dr hab.inż. T. Burczyński

Wpłyneło do Redakcji w grudniu 1994 r.