Seria: MATEMATYKA - FIZYKA z. 16

Maria Inglot. Gustaw Kamionka

## BADANIA KORELACJI KĄTOWYCH KWANTÓW (%) POWSTAJĄCYCH PRZY ANIHILACJI POZYTONÓW W MIEDZI POLIKRYSTALICZNEJ

Streszczenie. Przedstawiono metodę badania metali w oparciu o zjawisko anihilacji pozytonów zachodzące w obserwowanych próbkach metalicznych. Przebadano widmo anihilacyjne miedzi polikrystalicznej, a następnie porównano je z zaczerpniętym z literatury widmem miedzi monokrystalicznej.

#### 1. Wstęp

Istnieje wiele metod badania ciała stałego wykorzystujących zjawiska fizyki jądrowej. Do nich też należy zaliczyć metody oparte na zjawisku anihilacji elektronu z pozytonem. Prace eksperymentalne i teoretyczne prowadzone w tej dziedzinie mają poza tym na celu zbadanie samego zjawiska anihilacji, które w różnych aspektach nie jest jeszcze w pełni poznane.

Prace eksperymentalne w tej dziedzinie sprowadzają się do pomierów czasów życia pozytonów oraz do badania korelacji kątowych kwantów y powstających w procesie anihilacji.

#### 2. Metoda badania rozkładu kątowego kwantów anihilacyjnych

Priczas anihilacji elektronu z pozytonem w metalicznej próbce nestępuje zazwyczaj emisja dwóch kwantów ? rozlatujących się w przeciwnych kierunkach i posiadających energię m<sub>e</sub>c<sup>2</sup>, m<sub>e</sub> - spoczynkowa masa elektronu oraz c - prędkość światła. Bardziej wnikliwe badania pokazały jednak iż anihilacyjne kwanty nie konieczne muszą być kolinearne, a ich energia różni się od 0,51 MeV o kilka do kilkunastu elektronowoltów.

Nr kol. 308

Wyjaśnienie oprzemy na założeniach modelu anihilacji pozytonów w metalach podając prace, w których dyskutowano trafność tych założeń.

Pozyton wchodząc do próbki metalicznej ulega tam spowolnieniu, inaczej mówiąc termalizacji, posiadając przed anihilacją energię około 0,02 eV [1,2,3]. Możliwość użycia modelu Fermiego – swobodnego gazu elektronowego w metalu, przedyskutowane w pracy[4] pozwala przypuszczać, że pozytony anihilują tylko z elektronami przewodnietwa mającymi energie równe kilka, kilkanaście elektronowoltów, zaś kulombowskie siły odpychania zapobiegają oddziaływaniu pozytonów z elektronami rdzeni atomowych.

Praca [5] wykazuje jednakowe prawdopodobieństwo anihilacji elektronów swobodnych o różnych energiach.

Zgodnie z tym co przedstawiono, ruch środka masy anihilującej pary określony jest tylko szybkością elektronów przewodnictwa, a zatem korzystając z zasady zachowania energii i pędu, oczekiwać należy iż rozlatujące się kwanty będą niosły informacje o pędzie i energii elektronów walencyjnych metalu (rys. 1). Rysunek 1 pozwala zauważyć, że kąt dający odchylenie kwantów anihilacyjnych od kolinearności informuje o składowej prostopadłej p<sub>1</sub> anihilacyjnego kwantu w (składowa p<sub>1</sub> jest prostopadła do kierunku rozlatywania się kwantów anihilacyjnych w przypadku, gdy środek masy cząstek pozostawałby w spoczynku).

$$\frac{P_{\perp}}{m_{o}c} = \sin \Theta \simeq \Theta \qquad (1)$$

)



Rys. 1. Kierunek kwantów anihilacyjnych rozpatrywany w układzie środka masy anihilującej pary elektron - pozyton

Składowa pędu równoległa p<sub>||</sub> poszerza widmo energetyczne kwantów anihilacyjnych o ΔΕ

$$\Delta E = \frac{1}{2} p_{\parallel} c \qquad (2)$$

Rozpatrując zachodzący proces w układzie środka mas pary elektronpozyton i zaniedbując pęd pozytonu można przyjąć, że p<u>i</u> i p<sub>II</sub> są składowymi pędu elektronów walencyjnych.

Podczas gdy dokładność wyznaczenia kąta (\*) jest stosunkowo duża, <u>A</u> E można mierzyć tylko w przybliżeniu, ze względu na trudności doświadczalne.

Biorąc pod uwagę warunki w jakich przebiega doświadczenie, zwykle dokonuje się pomiaru nie kąta (), lecz mierzy się jego rzut a na płaszczyznę określoną przez oś łączącą obydwa detektory kwantów y i próbkę oraz przez kąt obrotu ruchomego detektora. Schematycznie przedstawia to rysunek 2.



Rys. 2. Geometria układu pomiarowego
1 - próbka, 2 - źródło pozytonów, 3 - sonda nieruchoma, 3a - sonda ruchoma, 0 - kąt na płaszczyźnie xz

W tym przypadku wzór (1) przyjmuje następującą postać

$$c_{\rm f}^{\prime} = \frac{p_{\rm z}}{m_{\rm o}c}$$
(3)

gāzie:

of - mierzony kąt, będący rzutem kąta danego wzorem (1) na płaszczyznę xz.

Korzystając z modelu swobodnego gazu elektronowego i przechojdząc do przestrzeni pędów, w której każdej parze elektronów przypisana jest elementarna komórka o objętości  $\frac{h^3}{V}$  (h - stała Plancka, V - objętość kryształu) odpowiadająca określonemu stanowi energetycznemu, uzyskujemy w tej przestrzeni bryłę "wypełnioną" pędami wszystkich swobodnych elektronów znajdujących się w objętości V.

Sukcesem pracy Stewarta [5] jest wykazanie zależności między eksperymentalną wielkością  $N(p_z)$  dającą ilość par kwantów posiadających składową pędu  $p_z$  a prawdopodobieństwem, że pary kwantów niosą pęd o składowej  $p_z$  właśnie wzdłuż osi z przyrządu zawarty między  $p_z$  i  $p_z$  + d $p_z$ .

Oznaczając rozkład pędu pary kwantów anihilacyjnych przez  $\mathcal{G}(\bar{p})$ można związać w sposób następujący  $N(p_z)$  z prawdopodobieństwem, że para kwantów 7 ma całkowity pęd równy p

$$N(p_z) = const \int_{-\infty}^{\infty} dp_x \int_{-\infty}^{\infty} \xi(\bar{p}) dp_y$$
(4)

p<sub>x</sub>,p<sub>y</sub>,p<sub>z</sub> - składowę pędu p pary kwantów. Warunkiem poprawności tego wzoru jest zastosowanie długiej szczeli-

ny w kierunku y, zaś "const" uwzględnia geometrię doświadczenia. Całkowanie ze względu na p<sub>x</sub> rozciąga się od  $\pm \infty$ ,lecz składo-

wa  $p_X$  w tego typu doświadczeniach nie jest rejestrowana, daje ona jedynie przyczynek  $\Delta E$  do energii kwantów  $\gamma$ .

W ogólnym przypadku dla metali rzeczywistych  $\mathcal{G}(\bar{\mathbf{p}})$  jest anizotropowe, gdyż będąc rozkładem pędu kwantów anihilacyjnych jest zarazem (uwzględniając poprzednie rozważania) rozkładem pędów elektronów walebcyjnych. Według modelu elektronowego gazu idealnego  $\mathcal{G}(\bar{\mathbf{p}})$ powinno być izotropowe, gdy uwzględni się jednak obecność potencjału siatki krystalicznej idaje się zaobserwować anizotropia  $\mathcal{G}(\bar{\mathbf{p}})$ szczególnie widoczna dla próbek metali w postaci monokryształów. W przypadku próbek polikrystalicznych, efekt ten częściowo się za-

124

ciera, gdyż wartości  $\rho(\bar{p})$  uśredniają się częściowo dla określonego kierunku.

Przypadek ten pozwala wyrazić rozkład zetowej składowej pędu w sposób następujący

$$N(p_{\underline{z}}) = \frac{1}{2} \int_{p_{\underline{z}}}^{\infty} \frac{N(p)}{p} dp$$
(5)

Odpowiednie ustawienie doświadczenia pozwala, stosując długą szcze: linę na drodze anihilacyjnych kwantów ?, wybrać jakby "plaster" bryły w przestrzeni pędów, określając w ten sposób składową pędów elektronów w zadanym kierunku.

Wybierając szczeliną kolejne kąty w płaszczyźnie x z (rys.1) można zdjąć w ten sposób widmo anihilacyjnych kwantów y. Ze wzoru (5) otrzymuje się rozkład p<sub>z</sub> w postaci:

$$N(p_z) \sim p_{max}^2 - p_z^2$$
 dla  $p_z^2 < p_m^2$ 

(6)

 $N(p_z) = 0$  dla  $p_z^2 > p_m^2$ 

gdzie:

1

p<sub>max</sub> - odpowiada maksymalnym pędom elektronów swobodnych w badanym metalu (w oparciu o model Fermiego).

Pęd ten zwany też pędem Fermiego wyraża się wzorem

$$p_{\rm F} = h \left(\frac{3N}{85T \, \rm V}\right)^{1/3} \tag{7}$$

gdzie:

h - stał Plancka

 $\frac{N}{V}$  - koncentracja elektronów swobodnych.

Korzystając z zależności między energią i pędem danej wzorem  $E_F = \frac{p_F^2}{2 m_o}$  i wzorem (7) otrzynamy:

$$E_{\rm F} = \frac{{\rm h}^2}{2\,{\rm m}_{\rm p}} \, \left(\frac{3\,{\rm N}}{8\pi{\rm V}}\right)^{2/3} \tag{8}$$

Biorąd pod uwagę wzór (3) można napisać:

$$\alpha_{\max}^{*} = \frac{p_{F}}{m_{e}c} = \frac{\sqrt{2m_{e}E_{F}}}{m_{e}c} = 1,98 E_{\max}^{1/2}$$
(9)

dy  $\alpha$  wyrazimy w mierze łukowej, E otrzymamy w elektronowoltach. Odwołując się do pracy [5] przedstawimy zależność między ilością impulsów zliczonych przy ustawieniu ruchomego detektora w płaszczyź nie xy pod kątema, oznaczając tę ilość przez I( $\alpha$ ), a liczbę elektronów ze składową pędu równą p<sub>z</sub>

$$I(\alpha) = \text{const} N_{g}(p_{z}) = \text{const}(p_{max}^{2} - p_{z}^{2}) = \text{const}(\alpha_{max}^{2} - \alpha_{z}) \text{mc}^{2} \quad (10)$$

const uwzględnia warunki eksperymentu.

Podana wyżej zależność przedstawia równanie odwróconej paraboli, czyli dla gazu Fermiego krzywe rozkładu kątowego powinny przyjmować kształty odwróconych parabol.

Okazuje się, że nie wszystkie rozkłady kątowe kwantów anihilacyjnych są parabolami. Centralne, paraboliczne części krzywych korelacji w zależności od badanego materiału przechodzą w tzw. "ogony" wymienione w pracy [6], a następnie [7],[8], które zawierają duży materiał doświadczelny.

Ekstrapolując paraboliczną część krzywej można wyznaczyć  $\alpha_{max}$ , a tym samym p<sub>max</sub> i związaną z tymi wielkościami energię Fermiego badanego metalu.

Różniczkowanie krzywych rozkładu kątowego kwantów anihilacyjnych  $\frac{dN(p_z)}{dz}$  lub  $\frac{dI(\alpha)}{d(\alpha)}$  pozwala zauważyć nieregularności w rozkładzie

g(p), a tym samym informuje o istniejącej anizotropii lub nieciągłościach pędu elektronów metali.

### 3. Badania miedzi polikrystalicznej

Przedstawioną wyżej metodą autorzy przebadali widmo anihilacyjne miedzi polikrystalicznej o czystości 99,99%, używając próbki o wymiarach 0,33 x 8 x 70 mm<sup>3</sup> i porównując je z widmem miedzi monokrystalicznej w oparciu o prace Fujiwara i Sueoka [9].

Dla porównania wymienionych widm uzyskanych w różnych warunkach eksperymentalnych przeprowadzono odpowiednio normalizację krzywych przedstawiających zależność natężenia koincydencji  $I(\alpha)$  w funkcji kąta  $\alpha$ .



Rys. 3. Schemat urządzenia służącego do rejestracji anihilacji dww kwantowej

Do pomiarów użyto aparatury, której ideę przedstawia rysunek 3. Zestaw aparaturowy przedstawiono na zamieszczonej fotografii (rysunek 4). Dokładny opis układów elektronowych oraz szczegóły geometrii układu mechanicznego - bardzo istotne w tego typu pomiarach zawarty jest w pracy [10].

Istotną rolę w doświadczeniach odgrywało odpowiednie zorientowanie płaszczyzny próbki względem źródła oraz głównej osi układu.

Ustawienie płaszczyzny próbki prostopedłe do osi wiązki pozytonów wychodzącej ze źródła dawałoby wprawdzie większą liczbę aktów anihilacji, lecz równocześnie nie wykorzystano by w stopniu najwyższym czynnej powierzchni detektorów scyntylacyjnych oraz następowałoby znaczniejsze w takim położeniu pochłanianie kwantów anibilacyjnych w badanej próbce. Należało wybrać takie ustawienie próbki, które dałoby jedynie niewielkie pochłanianie kwantów (anibilacyjnych w próbce, gwarantując jednocześnie jak największą powierzchnię wychwytującą pozytony.



Rys. 4. Aparatura do badań widm anihilacyjnych ciał stałych Katedry Fizyki Technicznej

Obracanie próbki pozwoliżo doświadczelnie wybrać kąt między płaszczyzną próbki a linią łączącą detektory mając na uwadze jak największą wydajność procesu anihilacji, co okazało się zgodne z oszacowaniami przedstawionymi w pracy [10].

Punkty pomiarowe wyznaczające krzywą otrzymywano mierząc ilość koincydencji odpowiadającą poszczególnym kątomof. Ustawienie kąta z dokładnością do <sup>±</sup> 0,06 mrad zmieniane było w zakresie <sup>±</sup> 18,0 mrad względem położenia zerowego (osiowe ustawienie licznika nieruchomego - próbki - licznika ruchomego). Zmiana kąta oź następowała skokowo co 1.2 mrad. Widmo I(M) zdejmowano kilkakrotnie przy tych samych warunkach pomiarowych. Tło wynosiło 2,2% maksymalnej liczby koincydencji, a jego niewielki udział w ogólnej liczbie koincydencji jest wynikiem dobrego osłonięcia źródła i specjalnego doboru szczelin.

Pomiary przeprowadzono używając jednego źródła pozytonów sodu Na<sup>22</sup> o aktywności około 300 µCi umieszczanego kolejno po obu stronach badanej próbki miedzi oraz dla dwu źródeł o łącznej aktywności około 600 µCi umieszczonych równocześnie z obu stron próbki.

Dwojakiego rodzaju rozmieszczenie źródeł pozytonów badanej próbki miało na celu zaobserwowanie czy i w jakim stopniu ma to wpływ na krzywą kątowego rozkładu anihilacyjnych kwantów.



Rys. 5. Korelacje kątowe anihilacyjnych kwantów  $\int zmierzone dla mie$ dzi polikrystalicznej. Zaznaczono kierunek wnikania pozytonów w $próbkę I-<math>\beta^+$ i II- $\beta^+$ (objaśnienia w tekście). Ze względu na przesunięcie krzywych względem osi  $\mathcal{R} = 0$  linią kreskowaną zaznaczono osie symetrii obydwu krzywych

129

Uzyskane tym sposobem krzywe korelacji kątowej wyrażające zależność I(x) przedstawia rysunek 5, na którym krzywa I odpowiada (patrząc od strony sondy ruchomej) położeniu źródła z lewej strony próbki, krzywa II odpowiada położeniu źródła z prawej strony próbki.

Rysunek 6 umożliwia porównanie pomiarów I wykonanych przez autorów na zestawionej przez nich aparaturze opisanej w pracy [10] z pomiarami II wykonanymi przez M. Inglot na podobnej aparaturze Katedry Fizyki Jądrowej Uniwersytetu Wrocławskiego.



Rys. 6. Zestawienie krzywych korelacji kątowych kwantów anihilacyjnych zdjętych dla miedzi polikrystalicznej

I - krzywa otrzymana przy użyciu aparatury Katedry Fizyki Technicz nej Politechniki Śląskiej. II - krzywa otrzymana przy użyciu aparatury Katedry Fizyki Jądrowej Uniwersytetu Wrocławskiego Ciekawe jest zestawienie krzywych korelacji otrzymanych dla miedzi polikrystalicznej z analogicznymi krzywymi dla miedzi monokrystalicznej. Dla dokonania porównania wykorzystano krzywą zamieszczoną w pracy [9]. W celu wyeliminowania różnic: aktywności stosowanych źródeł pozytonów, kolimacji wiązki pozytonów, szerokości szczelin i innych czynników mających wpływ na ilości zliczeń koincydencji odpowiadające tym samym kątom w pomiarach przeprowadzonych na różnych aparaturach dokonano wyboru typu normalizacji krzywych.

Wszystkie krzywe sprowadzone zostały do jednakowej powierzchni pod każdą krzywą, gdyż powierzchnie pod krzywą I(c) są przede wszyst kim proporcjonalne do liczby pozytonów anihilujących w badanej próbce.

Gdy skorzystamy ze wzoru (10) oraz (3) możemy napisać

$$I(\alpha) \simeq \frac{dN}{d\alpha} = \text{const} (p_{\text{max}}^2 - p_z^2) = \text{const} \left[ p_{\text{max}}^2 - \alpha^2 (\text{mc})^2 \right]$$
(11)

skąd po scałkowaniu otrzymamy

$$N = const \begin{bmatrix} p_{max}^{+\alpha} - \alpha^{2}(m \cdot c)^{2} \end{bmatrix} d\alpha \qquad (12)$$

Normalizacja polegała na wyliczeniu całki z każdej krzywej, a po przyjęciu jednej z całek za podstawę normalizacji należało wymnożyć rzędne wszystkich punktów składających się na krzywą przezczymnik normujący (inny dla każdej krzywej). Zadanie to wykonano numerycznie na maszynie cyfrowej w Ośrodku Maszyn Matematycznych Politechniki Śląskiej.

W powyższy sposób znormalizowaną krzywą I dla miedzi monokrystalicznej zorientowanej w kierunku [111] uzyskaną przez wymienionych w [9] autorów, wraz z krzywą II uzyskaną przez autorów niniejszej pracy, przedstawiono na rysunku 7.

Jak widać, widmo odpowiadające miedzi monokrystalicznej wykazuje wyraźną anizotropię kształtu rozkładu kątowego kwantów anihilacyjnych, którą w poprawny sposób udaje się związać z teoretycznie oszacowaną sferą Fermiego.



Rys. 7. Porównanie widma anihilacyjnego miedzi monokrystalicznej(I) i polikrystalicznej (II)

Anizotropia w widmie uzyskanym dla miedzi polikrystalicznej jest mniej widoczna i obserwuje się ją przede wszystkim w zakresie dużych kątów, a więc wysokich wartości pędów elektronów,co jest również zgodne z wyliczonym modelem sfery Fermiego.

Autorzy pragną podziękować doc. dr hab. Józefowi Szpileckiemu kierownikowi byłej Katedry Fizyki B za konsultacje i cenne uwagi, wyrażają również podziękowanie mgr R. Łyczbińskiemu z Ośrodka Maszyn Matematycznych za pomoc w obliczeniach.

Wpłynęło do Redakcji 28.3.71 r.

LITERATURA

- [1] WEASOW N.A. Dokłady Ak. Nauk 59 (1948).
- [2] LEE-WHITING G.E. Phys. Rev. <u>97</u>, 1557 (1955).
- 3 DE BENEDETTI S. et al. Phys. Rev. 77, 207 (1950).
- 4 LANG L.G., DE BENEDETTI S. Phys. Rev. 108, 914 (1957).
- [5] STEWART A.T., GREEN R.E. Phys. Rev. 98 (1955), 232 A
   STEWART A.T., GREEN R.E. Phys. Rev. 98 (1955), 486.
   STEWART A.T. Canad. J. Phys. 35, 1968 (1957).
- [6] LANG L.G., DE BENEDETTI S., SMOLUCHOWSKI R. Phys. Rev. <u>99</u>, 596 (1955).
- 7] STEWART A.T. Phys. Rev. 99, 594 (1955).
- [8] ROZENFELD B. Acta Phys. Polon. 31, 197 (1967).
- 9] FUJIWARA K., SUEOKA K. J. Phys. Soc. Japan 21, 1947 (1966).
- [10] KAMIICNKA G., INGLOT N. Dobór optymalnych parametrów układu pomiarowego do badań korelacji katowej kwantów anihilacyjnych Zesz. Nauk. Pol. Śl. serie Matematyka-Fizyka (w druku).

ИССЛЕДОВАНИЕ УГЛОВСК КОРРЕЛЬИ. У -КВАНТОВ ОБРАЗУЕЩАХСА В ПРОЦЕССЕ АННИТИЛАЦИИ ПОЗИТРОНОВ В ПОЛИКРИСТАЛЛИЧЕСКОЙ МЕДЬИ

**Резю**ме

В статье указано метод исследования металлов основанный на явлении аннигиляции позитронов, возникающей в наблюдаемых образцах этих металлсв.

Исследовано аннигиляционный спектр поликристаллической медьи и сравнено его со спектром монокристаллической медьи. Этот последний спектр взято из японской литературы. INVESTIGATION OF ANGULAR CORRELATIONS OF ANNIHILATION PHOTONS OF POSITRONS IN POLYCRYSTALLINE COPPER

# Summary

Methods of investigation of metals using the annihilation of positrons in metallic specimens were described. The annihilation spectrum of polycrystalline copper was studied and compared with the spectrum for copper single crystals obtained by other authors.