### ZESZYTY NAUKOWE POLITECHNIKI ŚLĄSKIEJ

Seria: MATEMATYKA-FIZYKA z. 33.

Nr kol. 622

Andrzej ZASTAWNY

TEORETYCZNE OSZACOWANIE MOCY DAWKI PROMIENIOWANIA GAMMA W BUDYNKACH

> <u>Streszczenie</u>. Wyprowadzono wzór na moc dawki P promieniowania gamma P =  $(5,4.10^{6}k_{T} + 12,6.10^{6}k_{U} + 27,7.10^{2}k_{K})\frac{mber}{rok}$  w budynkach w funkcji koncentracji k(g/g)toru(T), uranu(U) i potaau(K) w materiałach budynku.

### WSTEP

Szerokie atosowanie popiołów i żużli z elektrowni oraz hut do produkcji materiałów budowlanych zwróciło uwagę specjalistów i ogół społeczeństwa na problem potencjalnego zagrożenia promieniotwórczego w budynkach mieszkalnych, budowanych z takich materiałów.

Uzasadnieniem owego zainteresowania a raczej niepokoju jest fakt dużej koncentracji różnych domieszek a w tym i naturalnych pierwiastków promieniotwórczych w popiołach i żużlach w stosunku do materiałów wyjściowych węgli, rudy itp. Problem za dużych koncentracji pierwiastków radioaktywnych może też odnosić się do lokalnych naturalnych surowców wyjściowych dla celów budownictwa.

Przedmiotem rozważań będzie moc dawki w budynkach od promieniowania gamma rodzin promieniotwórczych toru i uranu oraz radioizotopu K-40 zawartych w materiałach budynku. Udział innych radioizotopów w całkowitej dawce jest przynajmniej dwa rzędy mniejszy, więc mcże być pominięty. Również efekt promieni alfa i beta będzie pominięty, ponieważ z powodu ich krótkiego zasięgu: (i) tylko b, cienka warstwa materiałów przy powierzchni ścian ma udział w dawce, (ii) dowolne pokrycie ścian (tynk, farba, tapete) pochłania to promieniowanie, (iii) promieniowanie to naraża tylko odkryte części skóry, dla której dozwolone dawki są 5 do 10 razy większe od dawek dla całego cieła. Ponadto efekt radonu w powietrzu pomieszczeń będzie pominięty, ponieważ jego stężenie zależne od szybkości dyfuzji w materiałach budynku i intensywności wentylacji jest w szerokich granicach zmienne.

WZÓR NA MOC DAWKI

Rysunek i przedstawie 3 geometrie, dla których wzór na moc dawki będzie dyskutowany. Zgodnie z [1] moc dawki ekspozycyjnej P<sub>E</sub> dla geometrii a) i b) wyraże się tym samym wzorem:

$$F_{\rm E} = 4\pi \frac{\kappa}{\mu} q,$$

(1)

gozie.

- K stałe jonizacyjna radioaktywnego materiału,
- q radioaktywność jednostki objętości,
- μ liniowy współczynnik osłabienie promieni gamma w materiale.



# -ośrodek materialny radioaktywny -punkt w ktorym wyznaczono moc dawki

### Rys. 1. Geometrie, dla których rozważa się wzory na moc dawki:

s - punkt ekspozycji w środku sferycznej wnęki o skończonym promieniu, otoczonej nieskończonym radioaktywnym ośrodkiem, b - punkt między dwiema równoległymi nieskończonymi płaszczyznami w skończonej odległości od siebie, za którymi rozciąga się radioaktywny ośrodek, c - w środku prostopadłościanu 5 x 5 x 3 m<sup>2</sup> o grubości ścian 30 cm wykonanych z radioaktywnego materiału (model typowego pokoju), d - punkt ekspozycji na wysokości h ned narożnikiem prostokąta o wymierach 1, k, wykonanego z radioaktywnego materiału

Dla geometrii c) pomocny jest wzór na moc dawki ekspozycji P<sub>E</sub> w geometrii d) z rys. 1:

$$P_{\rm Ed} = g(n,m) \kappa G, \tag{2}$$

gdzie g(n,m) jest funkcją przedstawioną graficznie w pracy [2]. n = k/l, m = l/h, 6 jest radioaktywnością jednostki powierzchni prostokąta l, k.

#### Teorstyczne uszacowanie mocy dawki promieniowania.

Dzieląc ściany prostopadłościanu z rys. 1 c) na 24 odpowiednie prostokąty, wzór na moc dawki ekspozycyjnej P<sub>EC</sub> dle geometrii c) może być zapiseny:

$$P_{r_{n}} = 16g(n=0, 6, m=1, 0) + 8g(n=1, 0, m=5/3)6K = 15, 776K.$$
(3)

5 można wyznaczyć ze wzoru na efektywną radioaktywność jednostki powierzchni warstwy o grubości d = 30 cm z uwzględnieniem efektu semopochłaniania:

$$3 = (1 - e^{-\mu d})\frac{q}{\mu}.$$
 (4)

Wzory (1) i (3) z uwzględnieniem (4) są słuszne dla jednego radioizotopu z pojedynczą linią gamma. W rozważanym przypadku wzory (1) i (3) muszą zawierać sumy wszystkich radioizotopów i linii gamma. Wzakresie energii kwantów gamma rozważanych radioizotopów (od 60 do 2600 keV). Współczynnik liczbowy 15,77 (1 –  $e^{\mu d}$ ) we wzorze (3) zmienia się od wartości 14,2 do 12,3, podczas gdy współczynnik we wzorze (2) jest równy 12,6. Ponieważ ilościowy wkład do sum wyrażeń K/ $\mu$  jest większy dla większych energii, końcowa różnica liczbowa między wzorami (1) i (3) jest mniejsza<sup>X)</sup> i jest około 10 razy mniejsza od szacowanego błędu wzorów. Dlatego można przyjąć, ża wzór (1) aproksymuje zadowalająco wzór na moc dawki w dowolnej sytuacji, gdy miejsce ekspozycji jest otoczone materiałem budowlanym ze wszystkich stron.

Wartość mocy dawki ekspozycyjnej określona wzorem (1) lub (3) jest zaniżona z powodu nieuwzględnienia efektu wielokrotnych rozproszeń kwantów gamma. Najprostszym sposobem uwzględnienia tego efektu w rozważanym przypadku jest wprowadzenie współczynnika absorpcji energii f kwentów gamma w miejsce współczynnika osłabienia  $\mu$ . Stosunek  $f/\mu$  jest przede wszystkim funkcją energii kwantów gamma, natomiast zależność od rodzaju pierwiastka chemicznego, szczególnie w interesującym zakresis energii (>100 keV), jest słaba.

Rysunek 2 prezentuje dana dla trzech pierwiastków chemicznych bliskich typowemu składowi cementu. Linia ciągła wyznacza wartości przyjęta dla cementu. Biorąc pod uwagę dodatkowo związek między współczynnikami liniowymi i masowymi pochłaniania promieni gamma, wzór (1) można zapisać w postaci:

$$\mathsf{P}_{\mathsf{E}} = -\mathfrak{N} \frac{\mathsf{K}}{\mathfrak{T}} \mathsf{Q},$$

(5)

x) Wg dokładnych wyliczeń liczbowe różnice między wzorem (1) i (3) dla serii toru i radu są równe 2 i 3%.



Rys. 2. Stosunek masowego współczynnika absorpcji ず do masowego współczynnika osłabienia kwantów gamma w funkcji energii dla Ca, P i Al [1]. Linia ciągła jest krzywą uśrednioną

gdzie:

🗑 – masowy współczynnik absorpcji kwantów gamma,

Q - radioaktywność jednostki masy materiału.

Dane do wyliczenia sumy wyrażeń K/ $\overline{\gamma}$  rozważanych radioizotopów są przedstawione w tab. 1. W przypadku szeregu uran – 238 wydzielono dwie części, które są w równowadze promieniotwórczej. Wynika to z faktu, że między <sup>234</sup>Pa 1 <sup>226</sup>Ra są dwa radioizotopy <sup>234</sup>U 1 <sup>230</sup>Th z długimi półokresemi rozpadu 2,48. 10<sup>5</sup> 1 8,0. 10<sup>4</sup> lat. Tak więc szereg uranowy jako całość w ogólności nie musi być w równowadze promieniotwórczej. Podstawiając odpowiednie sumy  $\sum K_{1}/\overline{\eta}_{1}$  do wzoru (5) w miejsce K/ $\overline{\eta}$  1 transformując do użytecznych jednostek, otrzymuje się wzór na całkowitą moc dawki:

$$P = (48,5. Q_{T} + 37,6 Q_{R} + 0,6 Q_{U} + 3,28 Q_{K}) \frac{mber}{rok} \frac{g}{pC}^{(K)}$$
(6)

gdzie Q z indeksem T, R, U, K oznacza radioaktywność odpowiednio toru, radu, uranu – 238 i potasu – 40 na jednostkę masy materiału.

Gdy przyjąć, że szereg uranowy jest w równowadze, to  $Q_R = Q_U$ . Możne wtedy wzór na moc dawki wyrazić przez koncentracje  $k_T$ ,  $k_U$  1  $k_K$  (w jednostkach g/g) toru, uranu i potasu w materiale:

x) Przyjęto, że moc dawki ekspozycji i R odpowiada w organizmie ludzkim mocy dawki 0,95 rada oraz i rad = 1 ber.

## Tablica 1

22.74	K <sub>1</sub> /¥ <sub>1</sub> [R . g/mC1h]				
Ei [kev]	tor	szereg <sup>238</sup> U do <sup>234</sup> Pe + + szereg <sup>235</sup> U	226 <sub>Re</sub> z prod.	potes	
60 - 100	3,5	0,4	1,5		
101 - 200	0,6	0,9	1,1		
201 - 300	25,7	0,6	16,3	-	
301 - 400	7,5	0,6	28,4	-	
401 - 600	47,7	0,2			
601 - 800	21,7	1,2	76,6		
801 - 1000	92,2	1,6	6,7	-	
1001 - 1300	2,8		64,0		
1301 - 1600	42,5		39,7	31,4	
1601 - 1900	5,8		81,1	-	
1901 - 2200	100 - 150	-	6,6		
2201 - 2500			38,1		
2615	215	-		-	
$\sum K_1/\overline{q}_1$	465	5,4	360,1	31,4	

Wyliczone stosunki  $K_i/\overline{s_i}$  cząstkowych stałych jonizacji do masowego współczynnika absorpcji całego widma gamma toru, uranu (<sup>235</sup>U sprowadzony do rozpadów <sup>238</sup>U) i potasu na podstawia [1, 3, 7] i wykresu z rys. 2

$$P = (5,4 . 10^{6}k_{T} + 12,6 . 10^{6}k_{U} + 27,7 . 10^{2}k_{K})\frac{mber}{rok}^{*/}$$
(7)

Bez uwzględnienie efektu wielokrotnych rozproszeń otrzymuje się wzory na wartości mocy dawki około 2 razy mniejsze od wzorów (6) i (7).

### DYSKUSJA

Aby ocenić dokładność wzorów (6) i (7) należy uwzględnić dwa fakty: (1) Gdy efekt wielokrotnych rozproszeń pominie się, wtedy acc dawki – na pewno zbyt mała – jest równa około połowie wyznaczonej wzorami (6) i (7).

(11) Inna matoda uwzględnienia efektu wielokrotnych rozproszeń polega na wprowadzeniu współczynnika wzrostu określanego dla konkretnych geometrii źródło - punkt ekspozycji.

<sup>x)</sup>Przyjęto T<sub>1/2</sub> ( $^{40}$ K) = 1,29 . 10<sup>9</sup> lat oraz koncentrację  $^{40}$ K w naturálnym potasie 1,19 . 10<sup>-4</sup>.

#### A. Zastawny

Porównanie tych dwu metod dla geometrii punktowe źródło i punkt ekspozycji w nieskończonym jednorodnym ośrodku w odległości równej średniej drodze kwantów gamma prowadzi do konkluzji, że dla energii kwantów gamma 3 MeV moce dawek wyliczone obiema metodami, daję te same wyniki. Natomiast dla energii mniejszych wyliczona moc dawki metodą przyjętą w pracy jest systematycznie mniejsza, tak że przy energii 0,5 MeV różnica dochodzi do 30%. Zgodnie z pewnymi danymi [1], dokładność drugiej metody jest równa kilka procent.

Biorąc pod uwagę powyższe ocenia się dokładność wzorów (6) i (7) równą \*25%.

Ponieważ współczynniki absorpcji promieni gamma cementu i głównych składników litosfery są bliskie sobie dla energii powyżej 100 keV, wartość (1/2)P wg wzoru (7) może być przyjęta dla oceny dawki od otoczenia patrz rys. 1, geometria b).

Można też porównać wzór (7) a ściślej (1/2)P ze wzorem na moc dawki P' od otoczenia na wysokości 1 m nad powierzchnią ziemi, zaproponowany w [4]. a wyliczony metodami Monte Carlo.

Wzór ten przekształcony do przyjętych w pracy jednostek z przeliczeniem, że 1 Rentgen jest równoważny 0,95 rada, ma postać:

$$P' = (2,58 . 10^6 k_T + 5,25 . 10^6 k_U + 12.6 . 10^2 k_K) \frac{mber}{rok}$$
 (8)

Tablica 2

# Koncentracje toru, uranu i potasu w niektórych minerałach i wyliczone moce dawki $\frac{1}{2}$ P oraz P

Mineral	Koncentracje mber/rok					
	Th 10 <sup>-6</sup>	U 10 <sup>-6</sup>	K 10 <sup>-2</sup>	(1/2)P	Р	
Granit <sup>1)</sup> Bazelt 1) Litosfera <sup>2)</sup>	23 3,5 11,5	3,6 0,8 3,0	3,7 1,0 2,5	136 28,7 84,9	125 26 77	

Srednie wartości dwu standartów ZSRR i jednego USA [6].

2) Średnia wartość [5].

W tablicy 2 sę podane koncentracje w niektórych minerałach i wyliczone wartości (1/2)P oraz P'. Różnice między wyliczonymi wartościami nie przekraczaję 10%. Wartości wyliczone można też porównać z mierzonymi w określonych sytuacjach - tab. 3.

Teoretyczne oszacowanie mocy dawki promieniowania...

Tablica 3

Pomierzone moce dawek [1], [5]

Sytuacja	Moc dawki [mber/rok]
Skały	20-120
Granity we Francji	180-350
Niektóre miasta w USA	85-165
W budynkach z betonu (Szwecja)	160-200
W budynkach z cegły (Szwecja)	100-110

LITERATURA

- Kimel L.R., Mashkovich V.L.: Zaszczite ot jonizirujuszczich izluczenii. Atomizdat, 1966.
- [2] Bergelcen B.R., Zorikojev G.A.: Spravocznik po zaszczite ot izłuczenije protjazennych istocznikov, Atomizdat, 1965.
- [3] Gusev N.G., Mashkovich W.L., Werbickii B.W.: Radioaktivnyje izotopy kak gamma izluczateli, Atomizdat, 1964.
- [4] Lovborg L., Kirkegaard P.: Nucl. Instrum. Meth., 121, 239 (1974).
- [5] Israel H., Krebs A.: Kernsthlung in der Geophysik, Springer Verlag. Berlin - Gottingen - Heidelberg, 1962.
- [6] Sobornov O.P., Poljakov A.I., Geokhimija, 2, 307 (1975).
- [7] Bobrov V.A., Krendelav F.P., Gofman A.M.: Trans. Inst. Geolopy and Geophysics, Acad. Sci. USSR, Siberian Branch, iss. 329, Nowosibirsk 1975.

ТЕОРЕТИЧЕСКОЕ ОПРЕДЕЛЕНИЕ ДОЗЫ ГАММА ИЗЛУЧЕНИЯ В ЗДАНИЯХ

### Резрме

Выведено формулу на дозу Р гамма ислучения в зданиях как функцию концентрации тория, урана и калия  $P = (5,4 .10^6 \kappa_T .12,6 .10^6 \kappa_y + 27,7 .10^2 \kappa_K)$  мрем/год, где к с индексом Т, у и К определяет концентрацию (г/г) тория, урана и калия в строительной материале.

THEORETICAL CALCULATION OF THE GAMMA RADIATION DOSE RATE IN BUILDINGS

Summary

A formula on the gamma radiation dose rate in buildings as a function of the thorium, uranium and potassium in the building material is derived in the form of  $(P = 5.4 \ 10^6 k_T + 12.6 \ 10^6 k_U + 27.7 \ 10^2 k_K)$  mrad/year, where P is the dose rate and k with T, U, K, is concentration (g/g) of the thorium, uranium and potassium in the bulding material.