

Uproszczona numeryczna symulacja zachowania się górotworu o budowie blokowej w otoczeniu wyrobiska ścianowego w kontekście wybranych analiz teoretycznych i pomiarów rozkładu ciśnienia eksploatacyjnego w sąsiedztwie czoła ściany Simplified numerical simulation of the behaviour of the block rock mass near to the longwall in the context of selected theoretical analyses and measurements of the exploitation stress distribution in the vicinity of the longwall face

Dr inż. Krzysztof Tomiczek

Krzysztof.Tomiczek@polsl.pl Tel.: +48 32 2372169, t.k.:+48 737994564 Skype/e-mail: k.tomiczek@hotmail.com

Poznanie stanu naprężenia w przypadku wyrobisk eksploatacyjnych jest zadaniem skomplikowanym (Kłeczek, 1994). "Wynika to przede wszystkim z wymiarów wyrobisk wybierkowych i ich zasięgu w rozpatrywanym obszarze górotworu. Różnorodność skał i ich własności geomechaniczne w otoczeniu wyrobiska wybierkowego czynią problematycznym założenie odnośnie jednorodności, izotropowości i często też ciągłości analizowanego masywu górotworu".







Problem rozkładu naprężeń w sąsiedztwie wyrobiska ścianowego jest na tyle złożony, że brak jest uniwersalnej teorii, która wykazuje pełną zgodność wyników dla różnych warunków geologicznogórniczych z obserwacjami rzeczywistymi.

Szczególnie złożony jest problem stateczności warstw stropowych i w przypadku ich wysokiej wytrzymałości - zawisanie stropu w zrobach.

Pod koniec XIX wieku Fayol (1885) opublikował wyniki badań nad zachowaniem się stosów oporowych w układzie pojedynczym podpierających strop wyrobiska. Po raz pierwszy używa pojęcia "arch" w odniesieniu do obciążenia warstw stropowych "pressure arch".

Ruppenejt w 1954 opracował teorię przeginania warstw.

W 1968 roku Sałustowicz rozwija myśl Budryka z 1933r. o zastosowaniu teorii ugięcia belki na sprężystym podłożu do rozwiązywania zagadnień rozkładu naprężeń przy eksploatacji pokładów węgla systemem ścianowym z zawałem warstw stropowych. W tym rozwiązaniu zakłada się, że strop bezpośredni pokładu tworzy nad nim płytę wspornikową, która podparta wzdłuż ściany podlega zgięciu walcowemu.







W takim przypadku stosuje się teorię ugięcia belek prostych.

Natomiast "wg teorii fali ciśnień warstwę stropową uważamy za belkę spoczywającą na sprężystym podłożu, którym jest eksploatowany pokład. Z góry działa na tę belkę ciśnienie pierwotne $p_z = \gamma h$, pochodzące od ciężaru nadkładu. W takich warunkach następuje ugięcie belki; wspornik ugina się ku dołowi, natomiast część belki leżąca nad pokładem przyjmuje kształt linii falistej [...]. Wystający wspornik, wywierający dodatkowy nacisk na pokład, powoduje w nim przyrost ciśnienia w stosunku do pierwotnej wartości p_z , to zwiększone ciśnienie nazywamy ciśnieniem eksploatacyjnym. [...] Ugięcie stropu, jak i rozkład ciśnienia w pokładzie, następuje według linii falistej." (Kłeczek, 1994)

Przy rozpatrywaniu zagadnienia ciśnienia eksploatacyjnego zastosowanie znalazły dwie, powszechnie znane teorie: teoria fali ciśnień i teoria belki na podłożu sprężystym.







Podstawowe rozwiązania analityczne. Teoria fali ciśnień.

Generalnie, w tym rozwiązaniu strop o grubości *h* obciążony jest równomiernie rozłożonym ciśnieniem nadkładu *p_z*, a pokład traktowany jest jako podłoże sprężyste (winklerowskie). Belka stropu nad wyeksploatowaną przestrzenią tworzy wspornik o długości *l*.



$$2 \cdot L = 2 \cdot \pi \cdot \sqrt[4]{\frac{4 \cdot E \cdot I}{c_1}} \qquad \sigma_{z \max} = p_z \cdot \left(l \cdot \sqrt[4]{\frac{c_1}{4 \cdot E \cdot I}} + 1\right)^2$$
nie eksploatacyjne

Rozkład naprężeń w pokładzie eksploatowanym z zawałem warstw stropowych dla teorii fali ciśnień. (Kłeczek, 1994)







Podstawowe rozwiązania analityczne. Teoria belki na podłożu sprężystym.

Rozkład naprężeń w pokładzie

$$\sigma_z = p_z + \frac{E_{c_1}}{m} \cdot (A_2 \cdot e^{r_2 x} + A_4 \cdot e^{r_4 x})$$

gdzie:

 A_2, A_4 – stałe całkowania,

E_{c1} – współczynnik sprężystości węgla,

 r_2 , r_4 – pierwiastki rzeczywiste równania charakterystycznego linii ugięcia stropu.

Wartość maksymalna ciśnienia eksploatacyjnego w czole ściany:



Rozkład naprężeń w pokładzie eksploatowanym z zawałem dla zastosowanej teorii ugięcia belki na podłożu sprężystym (Kłeczek, 1994)







Vertical stress in the coal seam in front of the longwall face of σ_{zmax} (left side of the graph) and load-support characteristics of the stratum S_b ; d - distance from the longwall face, ε - vertical strains of the stratum (in the nonexploited part) according to Biliński (1968). This distribution was made for a single longwall mining at a depth of 250m. The value of the exploitation stress σ_{zmax} was about 55kG/cm² (5.4MPa) - the largest was at a distance of about 5m from the longwall face and it was equal to the coal seam support S_b .



Distribution of vertical stresses σ_{zmax} in the coal seam subjected to caving exploitation; *L* - length of selected zones in m according to Majcherczyk (2006), after Borecki and Chudek (1973).







3. Rzeczywiste rozkłady naprężeń w sąsiedztwie czoła ściany na podstawie pomiarów naprężeń.



Distribution of high stresses and unstressed zones along the longwall before exploitation (left side) and during exploitation (right side); $q=\sigma_z$ according to Konopko (2014). Assuming that the proportions in the figure have been kept, the maximum exploitation stress is 4÷8m in front of the longwall face.



8





We wczesnych latach 60-tych ubiegłego wieku dochodzi do serii katastrof budowli inżynieryjnych oraz w kopalniach, obejmujących zarówno ośrodki gruntowe, jak i skalne. Terzaghi (uznawany za ojca mechaniki gruntów) i Voight (1979) piszą, że: "przekroczone zostały granice możliwości prognozowania konsekwencji [naruszania stanu równowagi w ośrodkach gruntowych i skalnych poprzez działania inżynierskie]". (Hoek, 2017)



Zniszczona betonowa zapora w Malpasset, Francja (Diederichs, 2003). W 1959r. Katastrofa spowodowała śmierć 450 ludzi.



Zbiornik w Vajont po osunięciu się fragmentu góry Mount Toc. 100metrowa fala przelewowa pochłonęła 2500 ofiar miasteczka Longarone, Włochy. (Hoek, 2017)







Do tragicznych katastrof dochodzi również w kopalniach, m.in. w Coalbrook (RPA) w 1960r. ginie 432 górników. W następstwie tąpnięć, śmierć ponoszą górnicy w kopalniach złota w prowincji Witwatersrand (RPA) i w kopalniach Kolar (Indie), w kopalniach niklu w zagłębiu Sudbury (Kanada), w kopalniach rejonu Coeur d'Alene w Idaho (USA), w kopalniach

prowincji Kalgoorlie (Australia).



Skutki tąpnięcia w kopalni w wyrobisku w otoczeniu skał kruchych poddanych bardzo dużym naprężeniom. (Hoek, 2017)







Dziesiątki katastrof w kopalniach prowadzących wydobycie surowców i budowli naziemnych prowadzą do wniosku naukowców oraz badaczy, że wyczerpały się możliwości analizy problemów geoinżynierskich na bazie istniejących rozwiązań teoretycznych opartych na teorii sprężystości i traktowania ośrodków skalnych (i gruntowych) jako quasi-jednorodnych, ciągłych i izotropowych.

Do projektowania i oceny jakości górotworu zaczynają być stosowane klasyfikacje oparte na opisie geologicznej jakości masywu skalnego z uwzględnieniem jego nieciągłości, podzielności i anizotropii.

Jednym z przykładów jest GSI (*Geological Strength Index*), będący podstawą wielu innych rozwiązań oceny stateczności i stanu uszkodzenia (lub zniszczenia) masywu skalnego, np. kryterium Hoeka-Browna (Hoek et al. 2002, Hoek and Corkum, 2015).



Diagram oceny masywu skalnego na podstawie *Geological Strength Index* (GSI). (Pinińska 2001 za Hoekiem, 1999)







Innym przykładem jest klasyfikacja oparta na wskaźniku uszkodzenia (naruszenia) masywu skalnego *D*. Dla skał nienaruszonych, *dziewiczych D*=0, a dla silnie naruszonych, spękanych, niemal pokruszonych *D*=1. (Hoek and Corkum, 2015)

Appearance of rock mass	Description of rock mass	Suggested value of D
	Excellent quality controlled blasting or excavation by Tunnel Boring Machine results in minimal disturbance to the confined rock mass surrounding a tunnel.	<i>D</i> = 0
	Mechanical or hand excavation in poor quality rock masses (no blasting) results in minimal disturbance to the surrounding rock mass. Where squeezing problems result in significant floor heave, disturbance can be severe unless a temporary invert, as shown in the photograph, is placed.	D = 0 D = 0.5 No invert
A de la compañía de	Very poor quality blasting in a hard rock tunnel results in severe local damage, extending 2 or 3 m, in the surrounding rock mass.	D = 0.8
	Small scale blasting in civil engineering slopes results in modest rock mass damage, particularly if controlled blasting is used as shown on the left hand side of the photograph. However, stress relief results in some disturbance.	D = 0.7 Good blasting D = 1.0 Poor blasting
	Very large open pit mine slopes suffer significant disturbance due to heavy production blasting and also due to stress relief from overburden removal. In some softer rocks excavation can be carried out by ripping and dozing and the degree of damage to the slopes is less.	D = 1.0 Production blasting D = 0.7 Mechanical excavation





UCZELNIA

BADAWCZA



5. Metoda Elementów Odrębnych.

5.1. Metody modelowania numerycznego stosowane w geomechanice.

Najważniejsze (i najszerzej stosowane) metody modelowania numerycznego stosowane w geoinżynierii:

- metoda elementów skończonych Finite Element Method (FEM),
- metoda elementów brzegowych Boundary Element Method (BEM),
- metoda różnic skończonych Finite Difference Method (FDM),
- metoda elementów odrębnych Distinct Element Method (DEM),
- metoda elementów dyskretnych Discrete Element Method (DEM).



Metoda Elementów Dyskretnych

- skończone przemieszczenia i rotacje dyskretnych ciał,
- możliwość całkowitego rozdzielenia dyskretnych ciał,
- rozpoznawanie nowych kontaktów pomiędzy przemieszczającymi się ciałami w miarę postępujących obliczeń.



(Itasca, 1998)







5. Metoda Elementów Odrębnych.5.2. Metoda Elementów Odrębnych i program UDEC.

Distinct Element Method, DEM (Peter A. Cundall, 1971)

- ciała odrębne połączone są ze sobą wiązaniami,
- ciała odrębne mogą ulegać przemieszczaniu, rotacji, odrywać się od siebie i stykać na nowo,
- styki pomiędzy ciałami są odkształcalne,
- ciała mogą być sztywne lub odkształcalne,
- stosowany jest bezpośredni, krokowy schemat rozwiązywania równań ruchu.

Programy DEM to np.: TRUBAL, DIBS, 3DSHEAR, UDEC, 3DEC, PFC2D i PFC3D.

Założenia Metody Elementów Odrębnych:

- CUNDALL P. A., A computer model for simulating progressive large scale movements in blocky rock systems. In Proceedings of the Symposium of the International Society of Rock Mechanics, Vol. 1 No. II-8, Nancy 1971,
- CUNDALL P. A. and STRACK O. D. L., A discrete numerical model for granular assemblies. Geotechnique, Vol. 29 No. 1, 47-65, 1979,
- CUNDALL P. A. and HART R. D., Numerical modeling of discontinua. In (J. A. Hudson, ed.) Comprehensive Rock Engineering. Principles, Practice & Projects. Vol. 2, 231-243, Pergamon Press, Oxford 1993.







5. Metoda Elementów Odrębnych. 5.2. Metoda Elementów Odrębnych i program UDEC.

Podstawy metody elementów odrębnych (DEM - *Distinct Element Method*) opracowane zostały przez Cundalla (1971). Początkowo metoda ta używana była do rozwiązywania zadań mechaniki skał i mechaniki gruntów (Cundall i Strack, 1979). Szerzej założenia tej metody zostały opisane przez Cundalla (1988), Harta i in. (1988), Cundalla i Harta (1993), Harta (1993) oraz w dokumentacjach programów bazujących na metodzie DEM – UDEC, PFC2D, PFC3D i 3DEC (Itasca, 1994).

W ogólnym przypadku DEM zakłada, że cząsteczki w kształcie wielokątów ulegają deformacjom. Oddziaływanie ziaren lub bloków jest traktowane jako proces dynamiczny stanów ośrodka, zmieniających się pod wpływem zmian sił wewnętrznych.

Siły styków, przemieszczenia agregatów elementów odrębnych i ich odkształcenia zależą od przemieszczeń pojedynczych cząsteczek. Ruch ścian, cząsteczek i siły masowe powodują przemieszczenia.

Program UDEC był już opisywany wielokrotnie, również przez samych twórców (Itasca, 1989). Generalnie, w programie UDEC modele zbudowane są z wielokątów - elementów odrębnych, które mogą mieć różny kształt i wielkość. Mogą być sztywne lub odkształcalne poprzez ich podział na elementy skończone.











5. Metoda Elementów Odrębnych. 5.2. Metoda Elementów Odrębnych i program UDEC.

Symulowano już numerycznie, m.in.: zachowanie się górotworu w sąsiedztwie wyrobiska ścianowego (Kwaśniewski, 1997), próby jednoosiowego ściskania skał anizotropowych (Kwaśniewski i Tomiczek, 1998), zachowanie się górotworu o budowie blokowej poddanego eksploatacji podziemnej (Kwaśniewski, 1999), badano stateczność masywu skalnego w sąsiedztwie podziemnego stadionu hokejowego w Gjovik w Norwegii (Barton et al. 1999), mostu Nishida w Japonii (Jiang and Esaki, 2002), zjawisko eksplozyjnego urabiania skał (Chen, Zhao and Zhou, 2010), zjawisko migracji metanu z warstw spągowych (Kwaśniewski i Lasek, 2007), właściwości procesu osiadania terenu górniczego w czasie (Smolnik, 2008), prowadzono podstawowe analizy z dziedziny budownictwa (Lemos, 2016), symulowano zjawisko ugięcia beleczki (Tomiczek, 2017) i badano zachowanie się warstw stropowych w sąsiedztwie wyrobiska ścianowego (Tomiczek, 2018).



(Jiang and Esaki, 2002)





(Barton et al., 1999)







5. Metoda Elementów Odrębnych.

5.2. Metoda Elementów Odrębnych i program UDEC.

Modelowanie numeryczne górotworu o budowie warstwowo-blokowej i badanie deformacji nieciągłych towarzyszących eksploatacji ścianowej prowadzonej z zawałem stropu (Kwaśniewski, 1999)



(Kwaśniewski, 1999)











5. Metoda Elementów Odrębnych.

5.2. Metoda Elementów Odrębnych i program UDEC.

Analiza numeryczna migracji metanu z warstw spągowych do wyrobiska ścianowego (Kwaśniewski i Lasek, 2007)





Model zbudowano używając programu UDEC v. 5.0 (Itasca C.G.):

- Tarcza modelu miała wymiary 1500m×500m (*w*×*h*).
- Nad pokładem węgla o miąższości h_c=3.0m w stropie zamodelowano 29 warstw skalnych o miąższościach h_r=2.0, 2,5; 5.0m; 10,0m; 15.0m i 20.0m. W spągu leżało sześć warstw skalnych o miąższościach h_f= 10.0m.
- Eksploatację symulowano etapami na odcinku o całkowitej długości *L*=400.0m.
- Wszystkim warstwom nadano cechy skał karbońskich i przypisano warunek Coulomba-Mohra.
- Krawędzie boczne modelu miały swobodę przemieszczania się wzdłuż osi pionowej,
- a punkty na krawędzi dolnej miały skrępowaną możliwość przemieszczania się wzdłuż osi pionowej i poziomej.
- Założono, że spąg pokładu leży na głębokości H=-800m. W celu uproszczenia modelu przyłożono składową pionową σ_v równą 10MPa do górnej krawędzi modelu.
- W modelu założono, że płaszczyzny osłabienia pęknięcia o rozwartości (szerokości) d_w =0.0m biegną pod kątem δ =90° do warstw skalnych i poziomo (δ =0°), oddzielając poszczególne warstwy.
- Odległość pomiędzy *pęknięciami* pionowymi d_v jest różna, od 2.0 do 144.0m.
- Samym blokom nadano cechy materiałów odkształcalnych.











7. Podsumowanie i wnioski końcowe.

Przedstawiono wybrane wyniki symulacji zachowania się spękanego masywu skalnego w rejonie wyrobiska ścianowego. Użyto programu opartego na Metodzie Elementów Odrębnych (DEM, *Distinct Element Method*) UDEC (*Universal Distinct Element Code*, Itasca C.G.). Zamodelowano płaski model fragmentu górotworu o wymiarach 1500m×500m (w×h). Nad pokładem węgla leżącym na głębokości h_z =-800m i o miąższości h_c =3,0m zamodelowano warstwy stropowe, a pod - spągowe. Zamodelowano pionowe i poziome sieci spękań w warstwach spągowych, stropowych i w pokładzie węgla. Wyrobisko ścianowe było zabezpieczone obudową. Eksploatacja była prowadzona etapami, a jej całkowity wybieg *L*=400m.

Uzyskano poprawny, tzn. zgodny z rozwiązaniami analitycznymi rozkład i wielkość naprężeń oraz przemieszczeń. W odróżnieniu od analiz numerycznych, opartych na MES uzyskano *rzeczywisty* obraz strefy zawałowej. Bloki opadały w dół, w wybraną przestrzeń, a następnie zawał ulegał uszczelnianiu. Cechy programu UDEC czynia go dobrym uzupełnieniem istniejacych rozwiazań analitycznych i systemów.

Cechy programu UDEC czynią go dobrym uzupełnieniem istniejących rozwiązań analitycznych i systemów modelowania numerycznego, opartych np. na Metodzie Elementów Skończonych.

Narzędzie to mogłoby być wykorzystane, np. w obliczeniach obciążenia obudowy zmechanizowanej wynikającego z tworzenia się strefy zniszczenia w warstwach stropowych, lub odspajania się węgla w czole ściany w wyniku oddziaływania organu urabiającego.







6. Literatura i materiały źródłowe (wybór)

1. Biliński A.: Przejawy ciśnienia górotworu w polach eksploatacji ścianowej w pokładach węgla, ZN nr 221, s. Górnictwo z. 31, Politechnika Śląska, Gliwice (1968)

- 5. Hoek, E. and Brown, E.T.: The Hoek-Brown failure criterion and GSI e2018 edition. Journal of Rock Mechanics and Geotechnical Engineering, 1-19 (2018)
- 6. Hoek E. and Corkum B.: Hoek-Brown failure criterion 2002 Edition. Conference Paper, January 2002
- 7. Itasca Consulting Group, Inc., PFC2D, PFC3D, UDEC, 3DEC (Manuals and articles) 1997-2004
- 8. Kłeczek Z.: Geomechanika Górnicza. Śląskie Wydawnictwo Techniczne, Katowice 1994
- 9. Konopko W.: Przegląd Górniczy, Miesięcznik Stowarzyszenia Inżynierów i Techników Górnictwa, Nr 2(1095), Tom 70 (LXX), pp. 1÷11 (2014)
- 10. Kwaśniewski M. i Wang J.-A.: Analiza numeryczna stanu przemieszczenia w otoczeniu wyrobiska ścianowego w górotworze spękanym. Numerical analysis of the state of displacement in the vicinity of the longwall face in a cracked rock mass. Prace IGBPiOP Politechniki Śląskiej, PC nr 231/CS6-9/92-94136s., Gliwice 1994
- 11. Kwaśniewski M.: Modelowanie numeryczne i badanie zachowania się górotworu o budowie warstwowo-blokowej w sąsiedztwie wyrobisk górniczych. Numerical modeling and study of the behaviour of a rock mass with a layer-block structure in the vicinity of mining excavations. Prace KGBPiOP Politechniki Śląskiej, BW-490/RG-4/96
- 12. Kwaśniewski M.: Modelowanie numeryczne górotworu o budowie warstwowo-blokowej i badanie deformacji nieciągłych towarzyszących eksploatacji ścianowej prowadzonej z zawałem stropu. Numerical modeling of a rock mass with a layered-block structure and the study of discontinuous deformations resulting from longwall exploitation with roof caving. XXII Zimowa Szkoła Mechaniki Górotworu, Karpacz, marzec 1999
- 13. Kwaśniewski M. and Lasek S.: Numerical analysis of methane migration from floor strata to a longwall face. Journal of Coal Science and Engineering (China), Vol. 15, Is. 2, pp. 113+119 (2009)
- 14. Kwaśniewski M. i Tomiczek K.: Uproszczona symulacja eksploatacji pokładu z zawałem warstw stropowych za pomocą programu UDEC (v. 1.83, edukacyjna). Mechanika górotworu zajęcia projektowe. Simplified simulation of the lonwall of the seam with caved roof layers using the UDEC code (v. 1.83, educational). Rock mass mechanics project classes with sudents.KGBPiZOP, WGiG, Gliwice 1998
- 15. Majcherczyk T., Szaszenko A. i Sdwiżkowa E.: Podstawy geomechaniki. UWND AGH, Kraków 2006
- 16. Pinińska J.: Systemy geologiczno-inżynierskiej oceny skał i masywów skalnych. Engineering-geological valuation systems for rock and rock massif classification. Prz. Geol., 49: 804-814 (2001)
- 17. Ruppenejt K.V.: Nekotoryje voprosy mechaniky gornych porod. Ugletechnizdat, Moskwa 1954
- 18. Sałustowicz A.: Mechanika górotworu. Cz. 1. Mechanika górotworu. Górnictwo t. III, Wydawnictwo Górniczo-Hutnicze, Katowice 1955
- 19. Smolnik G.: Analiza numeryczna metodą elementów odrębnych deformacji powierzchni terenu wywołanych eksploatacją ścianową. Numerical analysis using the Distinct Element Method of land surface deformation under longwall mining. Materiały XXVII Zimowej Szkoły Mechaniki Górotworu "Geotechnika i budownictwo specjalne 2004", t. II,. Kraków, Wydawnictwo Katedry Geomechaniki, Budownictwa i Geotechniki AGH 2004, 1023–1033
- 20. Smolnik G.: Właściwości procesu osiadania terenu górniczego w czasie. Properties of the mining area subsidence phenomena in time. Rozprawa doktorska, Politechnika Śląska, Wydział Górnictwa i Geologii, 288 s., Gliwice 2008
- 21. Tomiczek K.: Modeling of sandstone rock samples using PFC2D code. In: Numerical modeling in micromechanics via particle methods, Proc. of the 1st International PFC Symposium, Gelsenkirchen, Germany, 6-8 November 2002. Ed. by Heinz Konietzky. Lisse : Balkema, pp. 233-239 (2003)
- 22. Tomiczek K.: Numeryczna symulacja próby jednoosiowego ściskania przestrzennego modelu próbki skalnej. Numerical simulation of the uniaxial compression test of a 3D model of a rock sample. Prace Naukowe Wydziału Górnictwa i Geologii Politechniki Śląskiej, BW- 472/RG 4/2007, Gliwice 2007
- 23. Tomiczek K.: Numeryczna analiza wpływu własności skał stropowych na możliwości ograniczenia ich opadu w wyrobisku ścianowym. Numerical analysis of the influence of roof layers properties on the possibilities of the rockfall reduction in the longwall working space. Syst. Wspomag. Inż. Prod. 2017 vol. 6 iss. 3, s. 274-284, 2017
- 24. Tomiczek K.: A note on the application of the distinct element method (DEM) to geomechanics. In monograph: Resource-saving technologies in mineral mining and processing, Petrosani: Universitas Publishing, pp. 128÷149, Romania 2018
- 25. Tomiczek K.: Numeryczna analiza zachowania się nieciągłego masywu skalnego w sąsiedztwie czoła wyrobiska ścianowego przy zastosowaniu programu opartego na Metodzie Elementów Odrębnych (MEO) w kontekście rozwiązań analitycznych teorii ugięcia belki na podłożu sprężystym i teorii fali ciśnień. A brief analysis of behaviour possibility of a joined rock mass near to longwall excavation face simulation using Distinct Elements Method (DEM) in the context of the Beam on Elastic Foundation (BEF) theory. In: 5th International Scientific Conference on Civil Engineering-Infrastructure-Mining, Kraków, Poland, January 17-18, 2019, Pilecka, Tatara and Kogut Eds., Les Ulis: EDP Sciences, pp. 1-11, ref. 17, E3S Web of Conferences ; vol. 106 2267-1242







^{2.} Borecki M. i Chudek M.: Mechanika Górotworu. Skr. Uczel. nr 208, Pol. Śl., Gliwice (1968, 1973)

^{3.} Fayol M.: Sur Bul. de la Société de l'industrie minérale, II série, Tome 14, p. 818 (1885)

^{4.} Hoek E. and Brown E.T.: Empirical strength criterion for rock masses. J. Geotech. Engng Div., ASCE 106 (GT9), 1013-1035 (1980)





Stateczność masywów i migracja w gruncie



Dziękuję za uwagę!



Numeryczne symulacje badań laboratoryjnych zachowania się masywów skalnych pod



Numeryczne symulacje badań

laboratoryjnych

UCZELNIA

BADAWCZA



All Rights Reserved ©





Własności skał, gruntów i materiałów ziarnistych



